

التمرين الأول: (05 نقاط) اختر الإجابة الصحيحة مع التعليل

السؤال	الإجابة (1)	الإجابة (2)	الإجابة (3)
f و g دالتان معرفتان على $[0; +\infty]$ بـ: $g(x) = \frac{1}{\sqrt{x+1}}$ و $f(x) = x^4 - 1$	$(g \circ f)(x) = \frac{1}{x^2 - 1}$	$(g \circ f)(x) = \frac{1}{x^2}$	$(g \circ f)(x) = \sqrt{x+1}$
حلول المراجحة $\sqrt{x^2 - 1} \geq 2 - x$ في المجال $[-\infty; 2]$:	$S = [1; 2]$	$S =]-\infty; 1]$	$S = \left[\frac{5}{4}; 2\right]$
$G(-1; 1)$, $G\left(\frac{3}{2}; \frac{1}{2}\right)$, $G\left(\frac{5}{2}; 0\right)$, إحداثيات $G(0; 2)$, $C(3; 1)$, $A(1; -1)$ مرجع الجملة $\{(A; 1)(B; -1)(C; 2)\}$ هي:	$G\left(\frac{3}{2}; \frac{1}{2}\right)$	$G\left(\frac{5}{2}; 0\right)$	$G(-1; 1)$
دالة معرفة على \mathbb{R} بـ $f(x) = x^2 - 3$ فإن: $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$ تساوي:	-3	2	-2

التمرين الثاني : (06 نقاط)

ليكن g كثير حدود معرف بـ: $g(x) = (a+5)x^4 + (a+1)x^2 + 3a + 5$ مع a عدد حقيقي

1) عين قيمة العدد a حتى يكون g كثير حدود من الدرجة الثانية

2) عين قيمة العدد a حتى يكون $\sqrt{2}$ جذر لـ $g(x)$

3) هل يوجد قيمة لـ a حتى يكون g كثير حدود معادوم؟

4) نضع: $a = -3$ أ) حل في \mathbb{R} المعادلة $g(x) = 0$ ، ثم استنتج تحليلها لـ $g(x)$

ب) حل في \mathbb{R} المراجحة $g(x) > 0$

التمرين الثالث: (09 نقاط)

ABC مثلث كييفي و H مركزه ثقله. I منتصف [BC], G مرتجع القطة المثلثة $\{(A; 1)(B; -2)(C; -2)\}$

1) بين أن H مرتجع $\{(A; a)(I; b)\}$ حيث a, b أعداد حقيقة يطلب تعينها. ثم استنتاج أن $\overrightarrow{AH} = \frac{2}{3} \overrightarrow{AI}$

2) بين أن $\overrightarrow{AG} = \frac{4}{3} \overrightarrow{AI}$ ثم استنتاج أن القط A, H و G في إسقامة واحدة.

3) D نظيره A بالنسبة للقطة B. بين أن القطة D مرتجع لل نقطتين A و B يطلب تعين معاملاتها.

4) استنتاج ما سبق أن القط D, G, C في إسقامية.

5) لتكن (Γ) مجموعة القط M من المستوى حيث: $\|\overrightarrow{MA} - 2\overrightarrow{MB} - 2\overrightarrow{MC}\| = 3(k+1)^2$ مع $k \in \mathbb{R}$

- عين قيم k حتى تكون (Γ) دائرة نصف قطرها 1 يطلب تعين مركزها. ثم أنشئها.

6) عين وأنشئ (Δ) مجموعة القط M من المستوى حيث: $\|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\| = \frac{3}{2} \|\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\|$.