

$$\checkmark \text{ الترتيب : } \frac{1981\pi}{6}, \frac{1431\pi}{4}, \frac{1993\pi}{3}$$

✓ ثم أحسب جيب وجيب تمام كل من هذه الأعداد .

التمرين السادس:

x عدد حقيقي، $A(x)$ و $B(x)$ عبارتان معرفتان بـ :

$$A(x) = \cos \frac{17\pi}{2} - \sin(x + \pi) + \cos(11\pi + x)$$

$$B(x) = \cos(-x) + \sin(7\pi - x) - \sin(3\pi)$$

$$1) \text{ بين أن : } A(x) = \sin x - \cos x$$

$$\text{و } B(x) = \sin x + \cos x$$

$$2) \text{ بين أن : } A(x)B(x) = 1 - 2\cos^2 x$$

$$3) \text{ احسب } \cos(x) \text{ و } \sin(x) \text{ علما أن :}$$

$$B(x) = \frac{-1 + \sqrt{3}}{2} \text{ و } A(x) = \frac{1 + \sqrt{3}}{2}$$

التمرين السابع:

اجب بصحيح أو خطأ مع التبرير:

$$1) \text{ A و B نقطتان من الدائرة المثلثية بحيث :}$$

- إذا كان : $\widehat{AOB} = 10^\circ$ فإن طول القوس $\widehat{AB}$ هو 10

$$2) \text{ يوجد عدد } x \text{ بحيث : } \sin x = \frac{3}{5} \text{ و } \cos x = \frac{4}{5}$$

$$3) \text{ يوجد عدد حقيقي } \alpha \text{ بحيث : } \sin \alpha = \frac{\pi}{3}$$

$$3) \cos\left(\frac{\pi}{7}\right) < \cos\left(\frac{\pi}{5}\right)$$

$$5) \cos 405^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$6) (\sin x - \cos x)^2 = 1 - 2 \sin x \cdot \cos x$$

التمرين الثامن:

1) بسط العبارتين التاليتين:

$$F(x) = (\sin(x) + \cos(x))^2 + (\sin(x) - \cos(x))^2$$

$$E(x) = -\sin\left(\frac{91}{3}\pi\right) + \cos\left(-\frac{133}{6}\pi\right) - \cos(x + 2017\pi)$$

$$2) \text{ حل في المجال } [0, \pi] \text{ المعادلة } E(x) = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$3) \text{ برهن أن : } \frac{1 - \cos x}{\sin x} - \frac{\sin x}{1 + \cos x} = 0$$

وهذا من أجل : $\sin x \neq 0$ و $1 + \cos x \neq 0$

$$4) \text{ حل، في } \mathbb{R} \text{، المعادلة : } 2\cos x - \sqrt{3} = 0$$

التمرين الأول:

أكمل الجدول التالي : "لايهم الزاوية شهيرة أو لا "

القيس بالدرجة	120			30		22.5
القيس بالرديان		$\frac{2\pi}{3}$	$\frac{\pi}{5}$		$\frac{\pi}{3}$	

التمرين الثاني:

1) عين صور الأعداد التالية على الدائرة المثلثية (مع الشرح):

$$\frac{\pi}{4}, \frac{-\pi}{4}, \frac{5\pi}{4}, \frac{-3\pi}{4}, \frac{67\pi}{4}$$

2) نسمي A صورة العدد $\frac{5\pi}{4}$:

- عين فواصل أخرى للنقطة A تختلف عن $\frac{5\pi}{4}$.

التمرين الثالث:

I. نعتبر الأعداد التالية : $\frac{29\pi}{4}$; $\frac{-29\pi}{6}$; $\frac{29\pi}{3}$

1) اكتب الأعداد السابقة على الشكل : $\alpha + 2k\pi$, حيث : $\alpha \in]-\pi ; \pi]$

2) احسب : $\sin$; $\cos$ للأعداد السابقة.

II. علما أن $\cos x = \frac{1}{3}$ و $x \in]-\pi ; 2\pi]$

1) احسب : $\sin x$

2) احسب : $\sin(x + 5\pi)$

التمرين الرابع:

M نقطة تمثل صورة العدد الحقيقي x على دائرة مثلثية.

من أجل كل قيمة من قيم x التالية :

$$x_4 = \frac{-31\pi}{3} ; x_3 = \frac{117\pi}{4} ; x_2 = \frac{62\pi}{3} ; x_1 = \frac{265\pi}{6}$$

أ) اكتب العدد x على الشكل : $x = \alpha + 2k\pi$ حيث : $\alpha \in]-\pi, \pi]$ و $k \in \mathbb{Z}$.

ب) مثل النقطة M على نفس الدائرة المثلثية.

ج) عين القيمة المضبوطة لـ $\cos(x)$ و $\sin(x)$.

التمرين الخامس:

1) ليكن α حيث : $\alpha \in \left[\pi, \frac{3\pi}{2}\right]$ و $\cos \alpha = \frac{-4}{5}$

✓ أوجد $\sin(\pi + \alpha)$, $\cos(\pi - \alpha)$, $\sin \alpha$

2) (ω) الدائرة المثلثية نصف قطرها 5 cm .

✓ علم على الدائرة (ω) النقط $A; B; C$ التي صورها على