# الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية مديرية التربية لولاية ب

## وزارة التربية الوطنية

. السنة الدراسية:2018/ 2019

# الوظيفة المنزلية

التمرين الأول: سلط الأعداد التالية ،ثم أذكر أصغر مجموعة تنتمي إليها:

$$\sqrt{\sqrt{3^8}} \qquad \checkmark \qquad \sqrt{5 - 2\sqrt{6}} \times \sqrt{5 + 2\sqrt{6}} \qquad \checkmark \frac{2f + 4}{3f + 6} \qquad \checkmark \left(\sqrt{\sqrt{11}}\right)^4$$

$$\cdot \frac{1 + \frac{1}{2}}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{3}}} \qquad \checkmark \qquad 1 + \frac{1}{2 + \frac{1}{1 + \sqrt{2}}} \checkmark \sqrt{6 - \sqrt{\frac{7}{2} + \frac{\sqrt{12} + \sqrt{27}}{\sqrt{300}}}} \qquad \checkmark \frac{\left(1 + 10^{-8}\right)^2 - 1}{10^{-8}}$$

## التمرين الثاني:

1)حلل كلا من العددين 1386 و999 إلى جداء عوامل أولية.

2)أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 1386 و999.

$$a = 1, 387387...$$
 )نضع: (3

أ- ماهي طبيعة العدد a?

$$a = \frac{1386}{999}$$
: بـ - بيّن أن

ج ـ أكتب العدد a على شكل كسر غير قابل للاختزال.

## التمرين الثالث:

. عدد حقیقی موجب تماما a

$$\sqrt{a+1}-\sqrt{a}$$
 بيّن أن مقلوب العدد  $\sqrt{a+1}+\sqrt{a}$  هو العدد  $\sqrt{a+1}+\sqrt{a}$  هو  $\sqrt{a+1}+\sqrt{a}+1$  هو  $\sqrt{a+1}+\sqrt{a}+1$  (2) استنتج قيمة المجموع:  $\sqrt{a+1}+\sqrt{a}+1$   $\sqrt{a+1}+\sqrt{a}+1$  استنتج قيمة المجموع:  $\sqrt{a+1}+\sqrt{a}+1$ 

# التمرين الرابع:

 $x - \frac{1}{x} = 1$ : عدد حقیقی موجب غیر معدوم بحیث x

$$x + \frac{1}{x} = \sqrt{5}$$
 : ابیّنأن (1

. 
$$x = \frac{1+\sqrt{5}}{2}$$
 : إستنتج أن (2

#### التمرين الأول:

🖘 تبسيط الأعداد:

$$\frac{2f+4}{3f+6} = \frac{2(f+2)}{3(f+2)} = \frac{2}{3}\sqrt{\sqrt{3^8}} = \sqrt{\sqrt{\left(3^4\right)^2}} = \sqrt{3^4} = \sqrt{\left(3^2\right)^2} = 3^2 = 9 \qquad \left(\sqrt{\sqrt{11}}\right)^4 = \left[\left(\sqrt{\sqrt{11}}\right)^2\right]^2 = \left(\sqrt{11}\right)^2 = 1$$

$$\sqrt{5-2\sqrt{6}} \times \sqrt{5+2\sqrt{6}} = \sqrt{\left(5-2\sqrt{6}\right)} \times \left(5+2\sqrt{6}\right) = \sqrt{5^2-\left(2\sqrt{6}\right)^2} = \sqrt{25-24} = \sqrt{1} = 1$$

$$\frac{\left(1+10^8\right)^2-1}{10^8} = \frac{\left(1+10^8\right)^2-1^2}{10^8} = \frac{\left(1+10^8-1\right) \times \left(1+10^8+1\right)}{10^8} = \frac{10^8 \left(2+10^8\right)}{10^8} = 2+10^8$$

$$\sqrt{6-\sqrt{\frac{7}{2}} + \frac{\sqrt{12}+\sqrt{27}}{\sqrt{300}}} = \sqrt{6-\sqrt{\frac{7}{2}} + \frac{2\sqrt{3}+3\sqrt{3}}{10\sqrt{3}}} = \sqrt{6-\sqrt{\frac{7}{2}} + \frac{5\sqrt{3}}{10\sqrt{3}}} = \sqrt{6-\sqrt{\frac{7}{2}} + \frac{1}{2}} = \sqrt{6-\sqrt{4}} = \sqrt{4} = 2$$

$$1+\frac{1}{2+\frac{1}{1+\sqrt{2}}} = 1+\frac{1}{2+\frac{1}{(1+\sqrt{2})} \times \left(1-\sqrt{2}\right)} = 1+\frac{1}{1+\sqrt{2}} = 1+\frac{1\times\left(1-\sqrt{2}\right)}{\left(1+\sqrt{2}\right) \times \left(1-\sqrt{2}\right)} = 1-1+\sqrt{2} = \sqrt{2}$$

$$\frac{1+\frac{1}{2}}{1+\frac{1}{4}} = \frac{\frac{3}{2}}{1+\frac{1}{4}} = \frac{\frac{3}{2}}{1+\frac{3}{4}} = \frac{\frac{3}{2}$$

تصنيف الأعداد إلى أصغر مجموعة تنتمي إليها:

$$\sqrt{\sqrt{3^8}} \in \mathbb{N} \qquad \text{`} \left(\sqrt{5 - 2\sqrt{6}} \times \sqrt{5 + 2\sqrt{6}}\right) \in \mathbb{N} \qquad \text{`} \frac{2f + 4}{3f + 6} \in \mathbb{Q} \qquad \text{`} \left(\sqrt{\sqrt{11}}\right)^4 \in \mathbb{N}$$

$$\sqrt{6 - \sqrt{\frac{7}{2} + \frac{\sqrt{12} + \sqrt{27}}{\sqrt{300}}}} \in \mathbb{N} \qquad \text{`} \frac{1 + \frac{1}{2}}{1 + \frac{1}{1}} \in \mathbb{Q} \qquad \text{`} \frac{\left(1 + 10^{-8}\right)^2 - 1}{10^{-8}} \in D \qquad \text{`} 1 + \frac{1}{2 + \frac{1}{1 + \sqrt{2}}} \in \mathbb{R}$$

## <u>التمرين الثاني:</u>

 $1386 = 2 \times 3^2 \times 7 \times 11 \cdot 999 = 3^3 \times 37$ : التحليل)

 $.PGCD(999;1386) = 3^2 = 9(2)$ 

a = 1, 387387387... (3

أ- طبيعة العدد a: ناطق .

 $a = \frac{1386}{999}$ : بـ - تبيان أن

 $a=1+0,\underline{387}$  387387..... هي:  $a=1,\underline{387}$  387387..... الكتابة الكسرية للعدد

a=1+x :ومنه x=0,387387387...

 $100 \times x = 100 \times 0,387387387...$  ينطلاقا من x = 0,387387387... يانطلاقا من

$$a = 1 + \frac{387}{999} = \frac{1386}{999}$$
 : يانن $x = \frac{387}{999}$  ومنه:  $x = \frac{387}{999}$ 

 $a = \frac{1386 \div 9}{999 \div 9} = \frac{154}{111}$  = كتابة العدد a على شكل كسر غير قابل للاختزال

## التمرينالثالث:

عدد حقیقی موجب تماما .

$$\frac{1}{\sqrt{a+1}+\sqrt{a}} = \frac{1\times\left(\sqrt{a+1}-\sqrt{a}\right)}{\left(\sqrt{a+1}+\sqrt{a}\right)\left(\sqrt{a+1}-\sqrt{a}\right)} = \frac{1\times\left(\sqrt{a+1}-\sqrt{a}\right)}{\left(\sqrt{a+1}\right)^2-\left(\sqrt{a}\right)^2} = \frac{1\times\left(\sqrt{a+1}-\sqrt{a}\right)}{a+1-a} = \sqrt{a+1}-\sqrt{a}$$
(1)

2) استنتاج قيمة المجموع:

$$S = \frac{1}{1+\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}+\sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{3}+\sqrt{4}} + \dots + \frac{1}{\sqrt{99}+\sqrt{100}}$$
$$= \sqrt{2}-1+\sqrt{3}-\sqrt{2}+\sqrt{4}-\sqrt{3}+\dots + \sqrt{100}-\sqrt{99}$$
$$= \sqrt{100}-1$$
$$= 9$$

## التمرينالرابع:

 $x - \frac{1}{x} = 1$ : عدد حقیقی موجب غیر معدوم بحیث x

$$x^2 + \frac{1}{x^2} = 3$$
 : أي أن  $(x - \frac{1}{x})^2 = 1$ : لدينا  $x - \frac{1}{x} = 1$  و منه بالتربيع نجد

$$x + \frac{1}{x} = \sqrt{5}$$
 : إذن :  $(x + \frac{1}{x})^2 = 5$  :  $(x + \frac{1}{x})^2 = 5$  : الإذن :  $(x + \frac$ 

$$x = \frac{1+\sqrt{5}}{2}$$
: و منه  $x = \frac{1}{x} + x + \frac{1}{x} = 2x = 1 + \sqrt{5}$