

التمرين الأول: (07 نقاط)

ليكن a و b عددان حقيقيان بحيث: $7 < a^2 + b^2 < 12$ و $0 < a < b$ و $2 < ab < 1$

1. برهن أن $\sqrt{3} < a - b < \sqrt{10}$ وأن $3 < a + b < 4$.

2. استنتج أن $\frac{3-\sqrt{10}}{2} < b < \frac{4-\sqrt{3}}{2}$ وأن $\frac{3+\sqrt{3}}{2} < a < 2 + \frac{\sqrt{10}}{2}$

3. أعط حسراً لـ a و b بالتقريب إلى 10^{-5} .

التمرين الثاني (6 نقاط): أكمل الجدول التالي:

القيمة المطلقة	المسافة	الحصر	المجال
			$x \in [-2; 4]$
	$d(x; \frac{1}{2}) < 2$		
		$-1 \leq x \leq 3$	
$\left x - \frac{2}{3} \right \leq \frac{1}{3}$			

التمرين الثالث (07 نقاط):

1) حل في \mathbb{R} المعادلات التالية:

$$\left| x - \frac{1}{3} \right| < 2 , \quad |2 - x| = |4x + 3| , \quad |3x - 1| = 5$$

2) بفرض أن $|4 - 11x| = 2019x$ ، أحسب $I(-1)$ ، $I(x)$ ، $I(1)$

3) عين ناتج التقاطع أو الاتحاد في كل ما يأتي:

$$[-2019, 0] \cap [0; 2019[, \quad [-2; 3[\cap [0; +\infty[, \quad]-\infty; 0] \cup [0; +\infty[$$