



الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

ثانوية 08 ماي 1945 * جعافرة*
دورة ماي 2018

مديرية التربية لولاية برج بوعريريج
امتحان بكالوريا التجربى التعليم الثانوى
الشعبية : آداب وفلسفة

المدة: 02 ساعتين

اختبار في مادة : الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين :

الموضوع الأول :

التمرين الأول: (06 نقاط)

(U_n) متتالية حسابية حدها الأول 2 = U₀ و U₀ + 5U₁ + 5U₃ = 102 .

(1) بين أن : 20 = U₁ + U₃ واستنتج U₂.

(2) أحسب U₁ و استنتاج أن أساس المتتالية (U_n) هو 4.

(3) اكتب عبارة الحد العام U_n بدلالة n.

(4) (ا) أحسب بدلالة n المجموع S_n حيث : S_n = U₀ + U₁ + ... + U_n .

(ب) عين قيمة العدد الطبيعي n حتى يكون S_n = 162 .

التمرين الثاني: (06 نقاط)

a , b , c ثلاثة أعداد صحيحة حيث : 2a + c ≡ 4[5] ، b ≡ 2[5] و [5] a - b ≡ 2[5]

(1) بين أن : a ≡ 4[5] و [5] c ≡ -4[5] .

(2) عين باقي القسمة الإقليدية للعدد 3c - b × a على 5.

(3) (ا) بين أن a ≡ -1[5] و [5] c ≡ 1[5] .

(ب) أثبت أن العدد 13 + 5 × c²⁰¹⁸ + a¹⁴³⁹ مضاعف لـ 5.

ج) عين قيم العدد الطبيعي n الأصغر او تساوي 28 والتي تحقق : a² + b² + c² + n ≡ 4[5]

التمرين الثالث: (08 نقاط)

نعتبر الدالة f المعرفة على [-∞; +∞] كمالي : f(x) = $\frac{2-x}{x-1}$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب الى المعلم المتعامد والمتجانس (O; \vec{i}, \vec{j}) .

(1) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x يختلف عن 1 فإن : f(x) = $-1 + \frac{a}{x-1}$ حيث a عدد حقيقي يطلب تعبينه.

(2) عين (x) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$ ، فسر النتائج هندسيا

(3) أحسب (x) f' واستنتاج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها

(4) أكتب معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) عند النقطة A(2; 0) .

(5) أحسب f(0) ، أنشئ المماس (T) ثم المنحنى (C_f) .

(6) (ا) أنشئ في نفس المعلم السابق المستقيم (D) ذو المعادلة $y = x - 2$.

(ب) حل في ℝ ، بيانيا المتراجحة ذات المجهول x : f(x) ≤ x - 2 .

الموضوع الثاني :

التمرين الأول: (06 نقاط)

- (1) عين باقي القسمة الإقليدية للعدد 2^n على 5 من أجل قيم n التالية : 0 ، 1 ، 2 ، 3 ، 4 .
- (ب) إستنتج باقي القسمة الإقليدية للعدد 2^n على 5 من أجل كل عدد طبيعي n .
- (2) عين باقي قسمة 17 على 5 واستنتاج باقي قسمة العدد 17^{4k} على 5 حيث k عدد طبيعي .
- (3) استنتاج أن العدد $6 + 2^{4k+3} + 17^{4k}$ يقبل القسمة على 5 حيث k عدد طبيعي .
- (4) عين باقي القسمة الإقليدية على 5 للعدد: $61^{1954} - 2^{49} - 1962^{2016}$.

التمرين الثاني: (06 نقاط)

$$\begin{cases} U_0 = 3 \\ U_{n+1} = 3U_n - 2 \end{cases} \quad (U_n) \text{ متالية عدبية معرفة على } \mathbb{N} \text{ كمايلي :}$$

(1) أحسب U_1 و U_2 .

(2) برهن بالترابع أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $U_n \geq 3$.

(3) نعتبر المتالية العدبية (V_n) المعرفة كامايلي : $V_n = U_n - 1$.

(أ) بين أن (V_n) متالية هندسية يطلب تعين أساسها وحدتها الأولى مستنتجاً تغيراتها.

(ب) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $V_n = 2 \times 3^n$ ، ثم استنتاج عباره U_n بدلالة n .

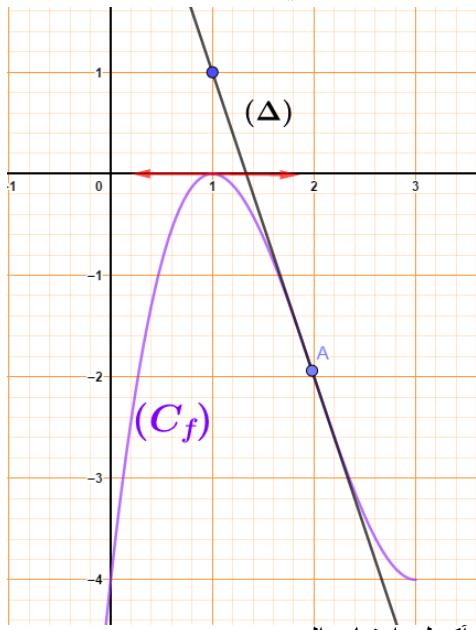
(ج) أحسب بدلالة n المجموع S_n حيث : $S_n = V_0 + V_1 + \dots + V_n$.

(د) إستنتاج بدلالة n المجموع S'_n حيث : $S'_n = U_0 + U_1 + \dots + U_n$.

التمرين الثالث: (08 نقاط)

f دالة معرفة على \mathbb{R} ، تمثلها البياني في المستوى المنسوب الى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

الجزء 1: المنحني المقابل هو جزء من المنحني (C_f) ، المستقيم (T) هو مماس للمنحني (C_f) في النقطة ذات الفاصلة 2



باستعمال المنحني (C_f) :

(1) عين $f(1)$ ، $f(2)$ ، $f'(1)$ و $f'(2)$.

(2) أكتب معادلة للمماس (T) .

(3) ماذا تمثل النقطة ذات الفاصلة 2 بالنسبة لـ (C_f) ، مع التعليل.

الجزء 2: نفرض أن : $f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x - 4$

باستعمال العبارة $f(x)$:

(1) أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.

(2) ادرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) تحقق أن النقطة ذات الفاصلة 2 هي نقطة إنعطاف للمنحني (C_f) .

(4) (أ) بين أنه من أجل كل x من \mathbb{R} : $f(x) = (x-1)(x^2 - 5x + 4)$.

(ب) عين نقط تقاطع المنحني (C_f) مع حامل محور الفواصل ، ثم أكمل إنشاء المنحني (C_f) .