

مديرية التربية لولاية مستغانم  
ثانوية الإخوة عباس - السور -  
دورة : ماي 2019

وزارة التربية الوطنية  
امتحان بكالوريا التجريبي  
الشعبة: علوم تجريبية

المدة: 03 ساعات ونصف

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين :

الموضوع الأول

التمرين الأول ( 04 ن )

I. لتكن المتتالية  $(u_n)$  المعرفة بحددها الأول  $u_0 = 0$  وبعلاقة التراجع الآتية :  $u_{n+1} = \frac{u_n - 1}{u_n + 3}$  من اجل كل عدد طبيعي  $n$

1) احسب  $u_1, u_2$  ثم بين انه من اجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $u_{n+1} = 1 - \frac{4}{u_n + 3}$

2) برهن بالتراجع انه من اجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $-1 < u_n \leq 0$  .

3) حدد اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$  و استنتج أنها متقاربة.

II. لتكن المتتالية  $(v_n)$  المعرفة كما يلي:  $v_n = \frac{1}{u_n + 1}$

أ) اثبت أن  $(v_n)$  متتالية حسابية، يطلب تعيين أساسها وحددها الأول.

ب) اكتب  $v_n$  بدلالة  $n$  ثم استنتج  $u_n$  بدلالة  $n$  ثم احسب  $\lim u_n$

ج) احسب بدلالة  $n$  المجموع :  $S_n = u_0.v_0 + u_1.v_1 + \dots + u_n.v_n$

التمرين الثاني ( 05 ن )

$U_1$  و  $U_2$  صندوقان متماثلان، الصندوق  $U_1$  يحوي كرتين تحملان الرقمين 1 و 2 والصندوق  $U_2$  يحوي أربع كريات تحمل الأرقام 1, 2, 3, 4 . جميع الكريات متماثلة ولا نفرق بينها عند اللمس.

I. نختار عشوائيا صندوق ، ثم نسحب منه كرية بطريقة عشوائية.

1) ما هو احتمال الحصول على كرية تحمل الرقم 1 .

2) إذا كانت الكرية المسحوبة تحمل الرقم 1، ما احتمال ان تكون قد سحبت من الصندوق  $U_1$  .

II. نجعل محتوى الصندوقين في صندوق واحد ثم نسحب عشوائيا وفي آن واحد كرتين.

1) ما هو احتمال سحب كرتين تحملان نفس الرقم

2) ليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يرفق بكل سحب مجموع رقمي الكرتين المسحوبتين.

أ) ماهي قيم المتغير العشوائي  $X$

ب) عرف قانون احتمال المتغير العشوائي  $X$

ج) احسب الأمل الرياضي  $E(X)$  و التباين والانحراف المعياري

- 1) حل في مجموعة الأعداد المركبة  $\mathbb{C}$  المعادلة ذات المجهول  $z$  التالية:  $(z^2 + 4)(z^2 - 2\sqrt{3}z + 4) = 0$
- 2) نعتبر في المستوي المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{u}; \vec{v})$  ، النقط  $A, B, C, D, E$  التي لواحقتها على الترتيب :  $z_A = 2i$  ،  $z_B = 2$  ،  $z_C = 4 + 6i$  ،  $z_D = -1 + i$  و  $z_E = -3 + 3i$  (أ) علم النقط  $A, B, C, D, E$  في المعلم .
- 3) أحسب طولية وعمدة العدد المركب  $\frac{z_C - z_A}{z_B - z_A}$  ثم استنتج طبيعة المثلث  $ABC$  واحسب مساحته
- 4)  $S$  التشابه المباشر الذي يحول  $B$  إلى  $A$  ويحول  $A$  إلى  $D$  .
- (أ) جد العبارة المركبة للتشابه  $S$  ثم حدد نسبته، زاويته ومركزه  $w$
- (ب) بين أن المثلث  $DAE$  هو صورة المثلث  $ABC$  بالتشابه  $S$  ثم استنتج طبيعته ومساحته.

- I. نعتبر الدالة العددية  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يأتي:  $g(x) = e^{-2x} + 2x - 1$
- 1) أحسب نهايات الدالة  $g$  .
- 2) أدرس تغيرات الدالة  $g$  ثم شكل جدول تغيراتها.
- 3) استنتج إشارة  $g(x)$  على  $\mathbb{R}$  .
- II. نعتبر الدالة العددية  $f$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي:  $f(x) = x + 2 + (x-1)e^{2x}$  .
- ( $C_f$ ) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  .
- 1) بين أن :  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$  .
- 2) أحسب :  $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - (x+2)]$  . واستنتج وجود مستقيم مقارب مائل  $(\Delta)$  لـ ( $C_f$ ) .
- 3) أدرس وضعية المنحنى ( $C_f$ ) بالنسبة للمستقيم  $(\Delta)$  .
- 4) بين أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$  :  $f'(x) = g(x)e^{2x}$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $f$  .
- 5) بين أن المنحنى ( $C_f$ ) يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة  $\alpha$  حيث :  $-2 < \alpha < -1$
- 6) بين أن النقطة  $A(0;1)$  هي نقطة انعطاف لـ ( $C_f$ ) .
- 7) أنشئ ( $C_f$ ) و  $(\Delta)$  .

## الموضوع الثاني

### التمرين الأول (04 ن)

- لتكن المتتالية  $(u_n)$  المعرفة على  $\mathbb{N}$  كما يلي  $u_0 = 1$  وبعلاقة التراجع الآتية:  $u_{n+1} = \frac{3u_n}{u_n + 1}$  من أجل كل عدد طبيعي  $n$
- $f$  دالة معرفة على  $]-1; +\infty[$  كما يلي:  $f(x) = \frac{3x}{x+1}$ ،  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  الوثيقة المرفقة
- 1 (أ) مثل على الوثيقة المرفقة وعلى محور الفواصل الحدود  $u_0, u_1, u_2, u_3$  مبرزاً خطوط الرسم .  
 (ب) ضع تخميناً حول اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$  و تقارباها .  
 2 (أ) برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $0 < u_n < 2$   
 (ب) أثبت أن المتتالية  $(u_n)$  متزايدة تماماً، ثم استنتج أنها متقاربة محددتها نهايتها .  
 لتكن المتتالية  $(v_n)$  المعرفة على  $\mathbb{N}$  كما يلي:  $v_n = 1 - \frac{2}{u_n}$  .  
 (أ) اثبت أن  $(v_n)$  متتالية هندسية، يطلب تعيين أساسها وحدها الأول .  
 (ب) اكتب  $v_n$  بدلالة  $n$  ثم استنتج  $u_n$  بدلالة  $n$  .  
 (ج) احسب  $\lim u_n$
- ### التمرين الثاني (05 ن)

- 1 (أ) حل في مجموعة الأعداد المركبة  $\mathbb{C}$  المعادلة ذات الجاهول  $z$  التالية:  $z^2 - 2z + 10 = 0$
- 2 (أ) نعتبر في المستوي المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{u}; \vec{v})$  ، النقط  $A, B, C, D$  التي لواحقتها على الترتيب:  $z_A = 2 + i$  ،  $z_B = 1 + 3i$  ،  $z_C = -3 + i$  ، و  $z_D = 1 - 3i$  .  
 (أ) أحسب طولها وعمدة العدد المركب  $\frac{z_C - z_B}{z_A - z_B}$  ثم استنتج طبيعة المثلث  $ABC$  واحسب مساحته  
 (ب) أكتب العبارة المركبة للتشابه  $S$  الذي مركزه  $B$  ويجول  $A$  إلى  $C$  .  
 (ج) عين  $z_E$  لاحقة النقطة  $E$  بحيث تكون النقطة  $D$  صورة  $E$  بالتشابه  $S$  .  
 (د) عين المجموعة  $(\Gamma)$  مجموعة النقط  $M(z)$  بحيث:  $z = z_E + 2e^{i\theta}$  مع  $\theta \in \mathbb{R}$  .  
 3 (أ) عين  $z_F$  لاحقة النقطة  $F$  والتي تحقق:  $\overline{DF} = 3\overline{DB}$   
 (ب) استنتج نسبة التحاكي  $h$  الذي مركزه  $B$  ويجول  $D$  إلى  $F$  .  
 (ج) عين طبيعة التحويل  $S'$  حيث:  $S' = h \circ S$

في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$  نعتبر النقط :  $A(1;1;2)$  ،  $B(2;0;1)$  ،  $C(1;-3;0)$  ،

ونعتبر المستوي  $(P)$  ذو المعادلة :  $x+3y+z+1=0$  ، والمستقيم  $(\Delta)$  المعروف بالتمثيل الوسيطى : مع  $t \in \mathbb{R}$

$$\begin{cases} x = 2t - 1 \\ y = -t + 2 \\ z = t + 1 \end{cases}$$

أجب بصحيح أو خطأ مع التعليل لكل إجابة في ما يلي:

- 1) النقطة  $A$  تنتمي إلى المستقيم  $(\Delta)$ .
- 2) الشعاع  $\vec{u}\left(1; \frac{1}{2}; -\frac{1}{2}\right)$  شعاع توجيه للمستقيم  $(\Delta)$ .
- 3) المعادلة :  $x - y + 2z - 4 = 0$  هي معادلة للمستوي  $(ABC)$ .
- 4) المستوي  $(P)$  عمودي على المستوي  $(ABC)$ .

التمرين الرابع ( 07 ن )

I. لتكن الدالة  $g$  المعرفة على  $]0; +\infty[$  بـ :  $g(x) = x^2 + 3x - 4 + 4 \ln x$

- 1) ادرس اتجاه تغير الدالة  $g$ .
  - 2) شكل جدول تغيرات الدالة  $g$ .
  - 3) أحسب  $g(1)$  ثم استنتج حسب قيم  $x$  إشارة  $g$  على  $]0; +\infty[$ .
- II. لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $]0; +\infty[$  بـ :  $f(x) = x + 3 \ln x - \frac{4 \ln x}{x}$
- $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$
- 1) أحسب نهايتي الدالة  $f$  عند  $0$  و  $+\infty$ .
  - 2) أ) بين أنه من أجل كل  $x$  من  $]0; +\infty[$  :  $f'(x) = \frac{g(x)}{x^2}$ .
  - ب) استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  على  $]0; +\infty[$  ثم شكل جدول تغيراتها.
  - 3) ليكن  $(D)$  المستقيم ذو المعادلة :  $y = x$  ، أدرس الوضع النسبي للمنحنى  $(C_f)$  مع المستقيم  $(D)$ .
  - 4) أرسم  $(C_f)$  و  $(D)$ .

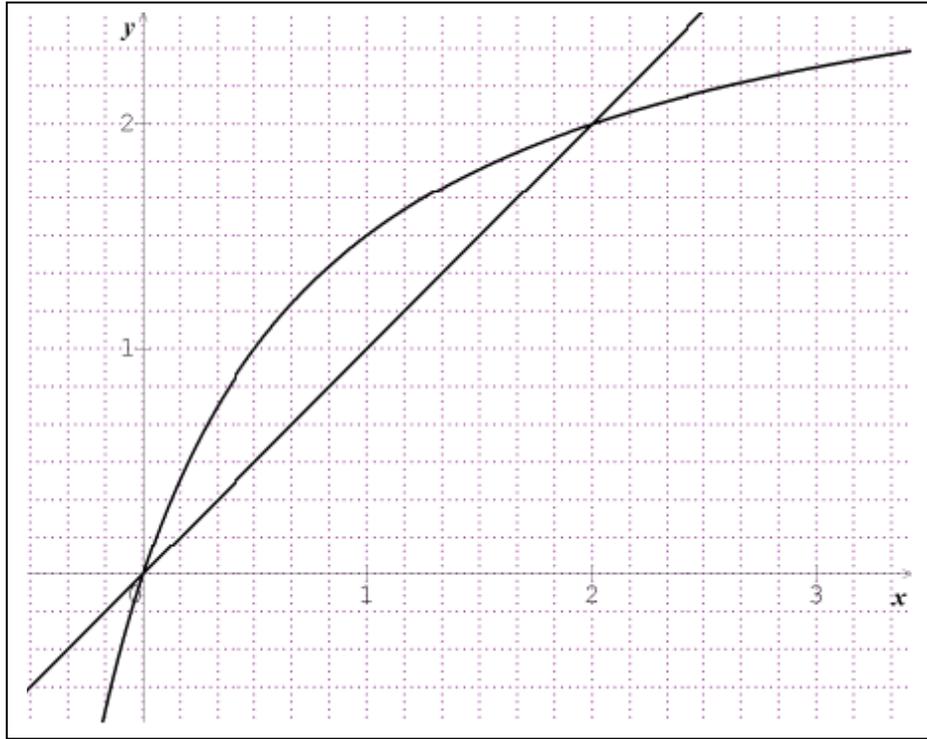
III. لتكن الدالة  $F$  المعرفة على  $]0; +\infty[$  بـ :  $F(x) = \frac{1}{2}x^2 - 3x(1 - \ln x) - 2(\ln x)^2$

- 1) بين أن الدالة  $F$  دالة أصلية للدالة  $f$  على المجال  $]0; +\infty[$ .
- 2) أحسب بالسنتيمتر مربع مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنى، محور الفواصل و المستقيمين اللذين معادلتهم  $x = e$  و  $x = 1$

الوثيقة المرفقة

الاسم:

اللقب:



الوثيقة المرفقة

الاسم:

اللقب:

