Bac 2019

تلاميذ الاستاذ عبعوب محمد: Facebook

المستوى: الثالثة ثانوي.

الشعب: ع التجريبية، رياضيات، تقني رياضي.

السلسلة 20 الدوال الأسية

# التمرين 01:

حل في R المعادلات التالية:

1) 
$$e^x = 1$$
; 2)  $e^{3x+6} = 1$ ; 3)  $e^{x^2-1} = e$ ; 4)  $e^{2x} + e^x - 2 = 0$ ; 5)  $e^x + 2e^{-x} - 3 = 0$ ;

6) 
$$e^x - e^{-x} = 0$$
; 7)  $e^{2x} - e^x = 0$ ; 8)  $e^x + 3e^{-x} - 4 = 0$ ; 9)  $(e^x - 2)(1 - e^x) = 0$ 

# التمرين 02:

حل في R المتراجحات التالية:

1) 
$$e^{x+2} \ge e^3$$
; 2)  $e^{x^2-1} \le \frac{1}{e^x}$ ; 3)  $e^{2x} - 5e^x + 2 < 0$ ; 4)  $e^{x^2-1} \le 1$ ; 5)  $(e^x - 1)(e^x + 2) \ge 0$ ;

6) 
$$e^{2x} + e^x - 2 \ge 0$$
; 7)  $e^{2x} - 4e^x > 0$ ; 8)  $(e^x - 1)(3 - e^x) \le 0$ ; 9)  $e^{2x} \le e$ .

### <u>التمرين 03:</u>

احسب نهايات الدوال التالية:

1) 
$$\lim_{x \to +\infty} (e^x - 3x)$$
; 2)  $\lim_{x \to +\infty} (e^{2x} - e^x + 2x)$ ; 3)  $\lim_{x \to +\infty} (x^2 - 4x) e^{-x}$ ; 4)  $\lim_{x \to -\infty} (x^2 + 5x + 1) e^{-x+1}$ ;

5) 
$$\lim_{x \to +\infty} \frac{e^x}{x^4}$$
; 6)  $\lim_{x \to -\infty} x^6 e^x$ ; 7)  $\lim_{x \to +\infty} \frac{e^x + 1}{e^x - 1}$ ; 8)  $\lim_{x \to -\infty} \frac{e^x + 1}{e^x - 2}$ ; 9)  $\lim_{x \to 0} \frac{e^{2x} - 1}{x}$ .10)  $\lim_{x \to 0} \frac{e^x - 1}{3x}$ 

11) 
$$\lim_{x\to 0} \frac{e^x-1-x}{x^2}$$
;

# <u>التمرين 04:</u>

تحقق من صحة المساواة:

1) 
$$\frac{e^x}{e^x - 3} = \frac{1}{1 - 3e^{-x}}$$
 ; 2)  $\frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}} = \frac{e^{2x} - 1}{e^{2x} + 1}$ 

3) 
$$\frac{e^x}{e^x + x} = \frac{1}{1 + xe^{-x}}$$
 ; 4)  $(e^x + e^{-x})^2 = \frac{e^{4x} + 1}{e^{2x}} + 2$ 

# التمرين 05:

$$f(x) = \frac{2e^x}{e^x - 1}$$
 الدالة العددية للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة ب $f$ 

ليكن 
$$(C_f)$$
 هو المنحني الممثل للدالة  $f$  في معلم متعامد ومتجانس ( $\overline{\iota}$ ,  $\overline{f}$ ).

ار أدرس تغيرات الدالم 
$$f$$
 وأثبت أن المنحني  $(C_f)$  يقبل ثلاث مستقيمات مقاربة.  $1$ 

 $A(C_f)$  مركز تناظر للمنحني ( $C_f$ ) وأرسم المنحني مركز وياطر المنحني /2

البياني. 
$$(\gamma)$$
 ،  $h(x)=rac{2e^x}{|e^x-1|}$  المعرفة بـ:  $h$  تمثيلها البياني.

أ) أكتب h(x) بدون رمز القيمة المطلقة.

.
$$(\gamma)$$
 باستخدام المنحني  $(C_f)$  ارسم المنحني ب

ج) ناقش بيانيا تبعا لقيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة ذات المجهول

$$|(m-3)|e^x-1|=2e^x$$
 : الحقيقي :x

#### التمرين 06:

. 
$$g(x) = x + 1 + e^x$$
 دالة معرفة على  $g(x)$ 

 $\, . \, g \,$ ادرس تغيرات الدالة.

2 أثبت أن المنحني الممثل لها (٢) يقبل مستقيما مقاربا مائلا يطلب إعطاء معادلته.

g(x) = 0 . 1.2[ في المجال g(x) = 0 . 1.3. 3.4. 3.4. 3.4.

. R على g(x) على 4.

$$f(x) = \frac{xe^x}{e^{x+1}}$$
 : با المعرفة على  $f(x)$  : با المعرفة على الدالة الدالة المعرفة على الدالة الدا

 $(\gamma)$  التمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(7, \overline{\iota}, \overline{J})$ .

$$f'(x) = \frac{e^x \cdot g(x)}{(e^x + 1)^2}$$
 ثم استنتج تغیرات (1

.  $f(\alpha)$ : بین أن  $f(\alpha)=\alpha+1$  ثم استنج حصرا لـ: (2

.0 عين معادلة المماس (D) للمنحني  $(\gamma)$  عند النقطة ذات الفاصلة (3)

ثم أدرس وضعية المنحني  $(\gamma)$  بالنسبة للمستقيم (D).

بين أن المستقيم ( $\Delta$ ) الذي معادلته y=x مقارب مائل للمنحني ( $\gamma$ ) في جوار  $\infty+$ .

5) أدرس وضعية المنحني  $(\gamma)$  بالنسبة للمستقيم  $(\Delta)$ .

 $(\gamma)$  أرسم  $(\Delta)$  و (D) و  $(\gamma)$ .

# التمرين 07:

$$f(x) = (ax^2 + bx + c)e^{-x}$$
 نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $R$  كما يلي:

 $(O, \, \overline{t}, \overline{f})$  التمثيل البياني للدالة f في معلم متعامد ومتجانس ( $(C_f)$  التمثيل البياني الدالة المياني الدالة المياني الدالة المياني على التمثيل البياني الدالة المياني المياني المياني الدالة المياني المياني المياني الدالة المياني المياني المياني الدالة المياني المياني المياني الدالة المياني ال

c, b, a بدلالة المشتقة للدالة f بدلالة الدالة المشتقة الدالة الدال

ك عين الأعداد الحقيقية c, b, a إذا علمت أن:  $(C_f)$  يشمل النقطة A(0,1) ويقبل مماسا يوازي محور الفواصل

$$f'(0)=-6$$
 في النقطة ذات الفاصلة 1 و

$$f(x) = (x^2 - 5x + 1)e^{-x}$$
 الدالة المعرفة على  $R$  بالعبارة:  $R$  بالعبارة:  $R$  الدالة المعرفة على  $R$  بالعبارة:

أ) أحسب f(0) ثم أدرس تغيرات الدالة f وشكل جدول تغيراتها

 $(C_f)$  ب). أرسم المنحني

### التمرين 80:

$$g(x) = -1 - xe^x$$
 المعرفة بـ:  $x$  المعرفة يا المعرفة للمتغير الحقيقي المعرفة بـ:  $g(x) = -1 - xe^x$ 

g ادرس تغیرات الداله g

g(x) استنتج إشارة (g(x)

$$f(x) = -x + (1-x)e^x$$
 : عيث عريث يالحقيقي  $f(x)$ 

وليكن  $(C_f)$  منحنيها البياني في المستوى المنسوب لمعلم متعامد ومتجانس  $(\overline{t},\overline{f})$ .

ا) أدرس تغيرات الدالمة f وطبيعة الفروع اللانهائية للمنحني  $(C_f)$ .

ي أكتب معادلة المماس (  $\Delta$  ) للمنحنى ( $C_f$  عند النقطة التي فاصلتها 0.

نبت أن للمنحني  $(C_f)$  نقطة انعطاف يطلب إيجاد إحداثييها.

 $f(x_0) = 0$  بين أنه يوجد عدد حقيقي  $x_0$  ينتمي إلى المجال] 1/2 , 2/3 حيث: 4

 $(C_f)$  أرسم ( $\Delta$ ) ارسم (5

# التمرين 90:

$$F(x) = \frac{e^x}{1+e^x}$$
 نتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $R$  بـ:

(C) هو التمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(C,\,\overline{\iota}\,,\overline{f}\,)$ .

f ادرس تغیرات الداله f

 $A\left(0,\frac{1}{2}\right)$  بين أن النقطة  $A\left(0,\frac{1}{2}\right)$  مركز تناظر للمنحني /2

A عين معادلة المماس (T) للمنحني (C) عين معادلة المماس

$$g(x) = \frac{1}{4}x + \frac{1}{2} - f(x)$$
 ينكن الدالة  $g$  المعرفة على  $R$  كما يلي:

 $g'(x) = \frac{(e^x - 1)^2}{4(1 + e^x)^2}$  :  $x \in R$  بين أنه من أجل كل

g ب) شكل جدول تغيرات الدالة g ج) استنتج إشارة g على R.

.) استنتج الوضعية النسبية للمنحني (C) والمستقيم (T)

ر أرسم (T) و(C).

### التمرين 10:

$$f(x)=(x-1)(2-e^{-x})$$
 نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $[0,+\infty]$  بالعلاقة:

- احسب نهایة f(x) عندما یؤول x إلى  $\infty+$ .
- f أثبت أن المستقيم ( $\Delta$ ) ذو المعادلة y=2x-2 مستقيم مقارب لـ ( $\Delta$ ) منحنى الدالة (2
- f'(x) > 0 :مستنجا أن  $f'(x) = xe^{-x} + 2(1 e^{-x})$  مستنجا أن  $f'(x) = xe^{-x} + 2(1 e^{-x})$ 
  - احسب f'(0) ثم شكل جدول التغيرات.
  - عين النقطة A من (C) التي يكون فيها المماس يوازي المستقيم  $(\Delta)$ .

# التمرين 11:

x	f(x) 0.037	$f(x) = rac{x}{x-1} + e^{rac{1}{x-1}}$ المعرفة على $f$ ب $-\infty$ , $1$ برا
0.20	0.037	
0.21	0.016	)) هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس ( $(\mathrm{O},\overline{t},\overline{J})$ ).
0.22	-0.005	

- احسب  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  احسب المقاربين المقاربين. الحسب المقاربين المقاربين المقاربين المقاربين.
- . احسب f'(x) ثم بین أن f متناقصة تماما علی  $-\infty$  , 1 ثم شكل جدول تغیراتها (2
- .  $\alpha$  بين أن المعادلة  $\alpha$  تقبل حل وحيدا  $\alpha$  باستخدام الجدول اوجد حصر ال  $\alpha$ 
  - |f(x)| ارسم المنحنى (C) ثم استنتج (C') منحنى الدالة الدال (4
- عين بيانيا مجموعة قيم الأعداد الحقيقية m التي يكون من اجلها |f(x)|=m حلان مختلفان في الإشارة |f(x)|=m
  - g المعرفة على g(x)=f(2x-1) بالعلاقة: g(x)=g(2x-1) غير مطلوبة عبارة g(x)=g(x)

ادرس تغيرات الدالة g , 1[g] ثم شكل جدول تغيراتها.

$$g'\left(rac{lpha+1}{2}
ight)=2f'(lpha)$$
 : ثم بین ان  $g\left(rac{lpha+1}{2}
ight)=0$  تم بین ان (2

ب) استنتج معادلة المماس(T) لمنحنى الدالة g في النقطة ذات الفاصلة  $\frac{lpha+1}{2}$ 

$$y=rac{2}{\left(lpha-1
ight)^3}$$
 ج $=rac{lpha+1}{\left(lpha-1
ight)^3}$  هي  $=(T)$  هي ج

# التمرين 12:

. 
$$g(x) = 1 - 2x - e^{2x-2}$$
 بـ:  $R$  بـ:  $g(x) = 1 - 2x - e^{2x-2}$ 

R على على R على .1

$$0.36 < lpha < 0.37$$
 ان المعادلة :  $g(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $lpha$  في  $lpha$  ثم تحقق أن:  $lpha$ 

4

$$R$$
 على  $g(x)$  استنتج إشارة.

0.23

0.24

0.25 | -0.070

$$f(x)=xe^{2x+2}-x+1$$
 نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $R$  بـ: (II

و  $(C_f)$  هو تمثيلها البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(C_f, \overline{\iota}, \overline{J})$ .

$$f'(x) = e^{2x+2}g(-x)$$
 :  $R$  من  $R$  عدد حقیقی  $R$  عدد حقیقی این أنه من کل عدد عدد عقیقی  $R$  .1

$$-\alpha$$
 ,  $+\infty$  متناقصة تماما على  $-\infty$  ,  $-\alpha$  ومتزايدة تماما على  $-\infty$  ,  $-\alpha$  استنتج أن  $-\infty$  متناقصة تماما على

. fعند  $\infty$ وعند  $\phi$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة f

. أحسب: 
$$\lim_{x \to -\infty} [f(x) + x - 1]$$
 ثم فسر النتيجة هندسيا

$$y=-x+1$$
 درس وضعیة ( $C_{f}$ ) والمستقیم ( $\Delta$ ) الذي معادلته .4

$$f\left(-lpha
ight)pprox 0.1$$
 ف  $\left(\mathcal{C}_{f}
ight)$  و  $\left(\mathcal{C}_{f}
ight)$  ف أنشئ  $\left(\mathcal{C}_{f}
ight)$  و المجال المجال أيد الم

$$2f(x) + f'(x) - f''(x) = 1 - 2x - 3e^{2x+2}$$
 :  $R$  من  $x$  من اجل کل  $x$  من (6. أ

R على R على R استنتج دالة أصلية للدالة

### <u>التمرين 13:</u>

$$f(x) = \frac{9}{2}e^{-2x} - 3e^{-3x}$$

لتكن الدالة f المعرفة على R بالعلاقة:

 $(0,ar{\iota}\,,ar{\jmath}\,)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس (C)

$$f(x) = 3e^{-2x} \left( \frac{3}{2} - e^{-x} \right)$$

- R من x من أجل كل قيم x من x
- $+\infty$  احسب نهایة الدالة f عند  $+\infty$  عند  $+\infty$  نم فسر النتیجة بیانیا عند  $+\infty$  (2
  - (3) أدرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغير اتها.
- 4) عين إحداثيات نقط تقاطع المنحني (C) مع حاملي محوري الإحداثيات.
  - (C) أحسب (f(1)) ثم أرسم (5).

$$g(x) = \frac{9}{2}e^{-2|x|} - 3e^{-3|x|}$$

الدالة العددية المعرفة على R كما يلى:

ر $(\mathrm{O},\, \overline{t}\,, \overline{f}\,)$  تمثيلها البياني في المعلم المتعامد والمتجانس (  $(\mathcal{C}_g)$ 

أ/ بين أن الدالة g زوجية.

 $.(C_g)$  برسم (C) لرسم برا

# التمرين 14:

$$f(x) = x + \frac{2}{1 + e^x}$$

لتكن الدالة f المعرفة على R بـ:

- $(C, \bar{t}, \bar{f})$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس (  $(C, \bar{t}, \bar{t}, \bar{f})$ 
  - أحسب: f(x) + f(-x) وماذا تستنتج أ
- R أدرس تغيرات الدالة f على المجال  $-\infty$  أنم استنتج جدول تغيراتها على R

- .(C) بين أن المستقيم ذو المعادلة y=x مستقيم مقارب للمنحني (3).
- احسب: [f(x)-(x+2)]، ثم فسر النتيجة هندسيا.
- -1.7 < lpha < -1.6 بين أن للمعادلة f(x) حلا وحيدا lpha بحيث: (5
  - بين أن المنحنى (C) يقبل نقطة انعطاف  $\omega$  يطلب تعيين احداثييها ( $\delta$ 
    - 7) بين أن المنحنى (C) يقع في شريط حداه المستقيمان المقاربان.
      - 8) ارسم (S).
- (C') انطلاقا من المنحني (C) اشرح كيفية الحصول على رسم المنحني (g(x) = f(|x|) الممثل للدالة g(x) = f(|x|) حيث:
- $(\gamma)$  انطلاقا من المنحني (C) اشرح كيفية الحصول على رسم المنحني  $(\gamma)$  الممثل للدالة  $(\gamma)$  حيث:  $(\gamma)$  الممثل للدالة  $(\gamma)$  حيث:  $(\gamma)$  الممثل للدالة  $(\gamma)$  عندئذ المنحني  $(\gamma)$  الممثل الدالة  $(\gamma)$  الممثل الممثل الممثل الدالة  $(\gamma)$  الممثل الممث

#### التمرين 15:

 $f(x) = \frac{e^x}{(e^x-1)^2}$  نتكن الدالة f المعرفة على  $R^*$  بـ:

(C) هو تمثیلها البیانی فی المستوی المنسوب إلی معلم متعامد و متجانس  $(C, \overline{\iota}, \overline{J})$ .

بين أن f دالة زوجية.

- احسب نهایات الدالة f عند حدود مجموعة تعریفها و فسر النتائج هندسیا (2)
- R الدرس تغيرات الدالة f على المجال f على  $+\infty$  المجال على  $+\infty$  الدرس تغيراتها على  $+\infty$ 
  - 4)أنشئ (*C*).
  - استنتج من (C) رسم المنحنيات الممثلة للدوال التالية:

$$L(x) = f(x-1), g(x) = f(-x), g(x) = -f(x), g(x) = -f(x), g(x) = f(x) + 1$$

 $g(x)=rac{x}{(x-1)^2}$  : كما يلي  $R-\{1\}$  على الدالة العددية المعرفة على g

- g أدرس تغيرات الدالة g
- ب) اكتب معادلات المستقيمات المقاربة للمنحني  $(C_g)$  وارسم المنحني  $(C_g)$  في معلم متعامد ومتجانس.
  - g بين أن الدالة f هي مركب الدالة الآسية النيبيرية والدالة
  - د) انطلاقا من هذا التركيب استنتج من جديد جدول تغيرات الدالة f

# التمرين 16:

 $g(x) = e^x - 2x + 2$  المعرفة على R بالعلاقة: (I

- $-\infty$ ,  $+\infty$  احسب نهایتی الدالهٔ عند (1
- 2) ادرس اتجاه تغيرها ثم شكل جدول تغيراتها.
  - R على g(x) على (3

$$f(x)=rac{1}{2}x+1+rac{x}{e^x}$$
 المتغير الحقيقي  $x$  والمعرفة على  $R$  بالعلاقة:  $f$  للمتغير الحقيقي  $f$  والمعرفة على  $R$  بالعلاقة:  $f$  للمتغير الدالة  $f$  في معلم متعامد ومتجانس ( $C$ ) التمثيل البياني للدالة  $f$  في معلم متعامد ومتجانس ( $C$ ).

أ- احسب نهاية f عند  $\infty$  . فسر النتيجة بيانيا (1

ب- احسب  $\lim_{x \to +\infty} \left[ f(x) - \frac{1}{2}x - 1 \right]$  و  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  فسر النتيجة هندسيا.

 $y = \frac{1}{2}x + 1$  ادرس الوضع النسبي للمنحني البياني (C) والمستقيم المستقيم النسبي للمنحني البياني البياني المستقيم

$$f'(x) = \frac{g(x)}{2e^x}$$
 ين أن من اجل كل عدد حقيقي ي $x$  (2

f استنتج اتجاه تغیر ات الداله f و شکل جدول تغیر اتها

$$f(lpha)=0$$
 - بين انه يوجد عدد حقيقي  $lpha$  وحيد من المجال  $a$  وحيد المجال  $a$ 

- .0 جد معادلة المماس (T) للمنحني عند النقطة ذات الفاصلة (3)
- (C) بين أن للمنحني (C) نقطة انعطاف (C) يطلب تعيينها وأنشئ (C) و (C)

### <u>التمرين 17:</u>

 $g(x) = 1 + 4xe^{2x}$ 

أولا: نعتبر الدالة g المعرفة على R بـ:

- $.lim_{x o -\infty} g(x) = 1$  عند g عند g عند g عند الدالة عند g
  - 2- أدرس تغيرات الدالة q ثم أنجز جدول تغيراتها.

g(x) > 0: R استنتج أنه من أجل كل ء من

$$f(x) = (2x - 1)e^{2x} + x + 1$$

ثانيا: لتكن الدالة f المعرفة على R بـ:

و  $(C_f)$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(0,ar{t},ar{f})$ . الوحدة 2 سنتيمتر.

f'(x)=g(x) بين أنه من أجل كل x من R من f'(x)=g(x) ثم استنتج اتجاه تغير الدالة f'(x)

f احسب نهایة الدالة f عند  $\infty+$  و بین أن:  $\infty-=-\infty$  ، أن  $\lim_{x\to-\infty}f(x)=-\infty$  ، ثم شكل جدول تغیر ات الدالة f

وفسر النتيجة هندسيا. ا $lim_{x o +\infty} rac{f(x)}{x}$  وفسر النتيجة هندسيا.

ب- احسب y=x+1 مقارب مائل  $\lim_{x o\infty}[f(x)-(x+1)]$  واستنتج أن المستقيم ( $\Delta$ ) الذي معادلته y=x+1 مقارب مائل المنحنى  $-\infty$  عند  $\infty$ 

ج- عين إحداثي نقطة تقاطع المنحني  $(C_f)$  والمستقيم المقارب  $(\Delta)$ .

 $(\Delta)$  وادرس الوضع النسبي للمنحني المنحني ( $\mathcal{C}_f$ ) بالنسبة الى المستقيم

.0 أـ اكتب معادلة المماس (T) للمنحني النقطة ذات الفاصلة  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة

ب- بين أن المنحني  $(C_f)$  يقبل نقطة انعطاف يطلب تعيين فاصلتها.

ج- أنشئ  $(\Delta)$  و (T) و  $(C_f)$  في نفس المعلم.

### التمرين 18:

$$g(x) = 2 x - 7 + 2 e^x$$
 بـ  $R$  دالة معرفة على  $R$  دالة معرفة على  $g(I)$ 

1. أدر س تغير ات الدالة q

2 أثبت أن المنحنى الممثل لها (C) يقبل مستقيما مقاربا مائلا يطلب إعطاء معادلته.

$$g(x) = 0$$
 , 0.941 محلا أن للمعادلة :  $g(x) = 0$  حلا وحيدا  $\alpha$ 

R على g(x) استنتج إشارة.

أنشئ في معلم متعامد التمثيل البياني للدالة g

$$f(x) = (2x - 5)(1 - e^{-x})$$
 : بالمعرفة على  $R$  المعرفة على الدالة المعرفة على (II

( $\gamma$ ) التمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس ( $(7, \overline{t}, \overline{t})$ ).

$$f'(x) = e^{-x}g(x)$$
 بين أن (1

fاستنتج تغیرات (2

$$f(\alpha)$$
 بين أن:  $f(\alpha) = \frac{(2\alpha-5)^2}{2\alpha-7}$ ، ثم استنتج حصرا لـ: (3)

y=2x-5 بين أن المستقيم ( $\Delta$ ) الذي معادلته y=2x-5 بين أن المستقيم ( $\Delta$ ) الذي معادلته ب

5) أدرس وضعية المنحني 
$$(\gamma)$$
 بالنسبة للمستقيم  $(\Delta)$ .

$$(4)$$
 أرسم  $(4)$  و  $(5)$ .

$$h(x) = e^x + 2 - x$$

التمرين 19:
$$R$$
 المعرفة على  $R$  بـ:

$$\lim_{x \to +\infty} h(x)$$
 و  $\lim_{x \to -\infty} h(x)$  احسب: 1-

2- ادرس اتجاه تغیر الداله 
$$h$$
. ثم شکل جدول تغیر اتها.

$$h(x)>0$$
 استنتج أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  لدينا: 3

$$f(x) = x + (x-1)e^{-x}$$
 بـ المعرفة على المجال المعرفة على المجال .II

و 
$$(C_f)$$
 هو تمثیلها البیاني للدالهٔ  $f$  في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(C, \overline{t}, \overline{f})$ .

$$\lim_{x\to+\infty} f(x)$$
 و  $\lim_{x\to-\infty} f(x)$ :احسب (1

$$f'(x) = e^{-x}h(x)$$
 اثبت أن من اجل كل عدد حقيقي  $x$  لدينا: (2

(3) استنتج اتجاه تغیر الداله 
$$f$$
. ثم شکل جدول تغیر اتها

$$0: مين أن المعادلة  $f(x)=0$  تقبل حل وحيدا  $lpha$  حيث (4$$

- $+\infty$  عند  $(C_f)$  عند مائل لـ ( $\Delta$ ) عند عند عند عند (5
  - .( $C_f$ ) أدرس الوضعية النسبية للمستقيم ( $\Delta$ ) بالنسبة للمنحني ( $\delta$
- اثبت أن المنحنى  $(C_f)$  يقبل نقطة انعطاف  $\omega$  يطلب تعيين إحداثياتها (7
- $\omega$  عند النقطة ( $C_f$ ) عند النقطة (T) هي معادلة المماس (t) عند النقطة (t) عند النقطة (t) عند النقطة (t)
  - (T) أنشئ المنحني  $(C_f)$  و المستقيم ( $\Delta$ ) و المماس ( $C_f$ ).

### التمرين 20:

$$g(x) = e^{-x} + x - 1$$
 الدالة العددية المعرفة على  $R$  بـ:  $R$  الدالة العددية المعرفة على المعرفة عل

 $(C_g)$  التمثيل البياني لها في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(C, \bar{t}, \bar{f})$ .

- $\lim_{x\to +\infty} g(x)$  و  $\lim_{x\to -\infty} g(x)$  : ب
- ادرس اتجاه تغیر الدالة g ثم شكل جدول تغیر اتها. (2)
- $g(x) \geq 0$  : R من x من أجل كل ثم بين أنه من أجل g(0) أحسب (3

$$f(x) = \frac{x}{x+e^{-x}}$$
 بـ  $R$  بـ  $R$  بـ الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $R$ 

- التمثيل البياني لها في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس (  $(C, ar{\iota}, ar{\jmath})$ ).
  - $\lim_{x \to -\infty} f(x) = 0$  وبين أن:  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ أ) أحسب (1)

$$f'(x) = \frac{(x+1)e^{-x}}{(x+e^{-x})^2}$$
 :  $x$  عدد حقیقی  $x$  عدد حقیقی (ب

- ج) أدرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغير اتها.
- .0 عند النقطة ذات الفاصلة ( $C_f$ ) عند النقطة ذات الفاصلة ((T)) عند معادلة المماس

$$x-f(x)=rac{xg(x)}{1+g(x)}$$
 :ب $y$  خون عدد حقیقی  $x$  فإن عدد حقیقی با تحقق انه من أجل كل عدد حقیقی

- ج) استنتج الوضعية النسبية للمنحني  $(C_f)$  و المماس (T)
- د) استنتج أن  $(C_f)$  يقبل نقطة انعطاف يطلب نعيين احداثييها.
  - $(C_f)$  أنشئ المماس (T) و المنحني (3

$$h(x) = \frac{|x|}{|x| + e^{-|x|}}$$
: بعتبر الدالة العددية  $h$  المعرفة على  $R$  بالدالة العددية  $h$ 

- نمثيلها البياني في المستوي السابق.  $(C_h)$ 
  - أ) بين أن h دالة زوجية.
- ب) انطلاقا من المنحني  $(C_f)$  انشيء المنحني  $(C_h)$  في نفس المعلم.

### التمرين 21:

$$f(x) = \frac{e^{x}-1}{xe^{x}+1}$$
 : بعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $R$  : ب

.(O, ar t, ar J) منحنيا البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس ( $C_f$ )

### الجزء الأول:

$$h(x) = xe^x + 1$$
 بـ الدالة المعرفة على  $R$  بـ الدالة المعرفة على  $R$  بـ الدالة المعرفة على  $R$ 

 $x\in R$  من أجل كل h(x)>0 أدرس اتجاه تغير الدالة h وبين أن:

$$g(x) = x + 2 - e^x$$
 يالدالة المعرفة على  $g$  بـ:  $g(x) = x + 2 - e^x$ 

- $-\infty$  عين نهايات g عند g عند غايات
- ب) أدرس اتجاه تغير الدالة g وشكل جدول تغير اتها.

x حسب قيم المتغير g(x) حسب قيم المتغير g(x)

### الجزء الثاني:

-1عين نهايات الدالة f عند  $\infty$ - و  $\infty+$ . فسر هندسيا النتائج.

$$f'(x) = \frac{e^x g(x)}{(xe^x + 1)^2}$$
 ادینا:  $x \in R$  کل  $x \in R$  ادینا: -2

ب) استنتج اتجاه تغیر الدالهٔ f و شکل جدول تغیراتها.

$$f(\alpha) = \frac{1}{\alpha+1}$$
 :نبت أن

 $f(\alpha)$  باستعمال حصر  $\alpha$  عين حصر اللعدد

.0 عين معادلة المماس (T) للمنحني ورجع عند النقطة ذات الفاصلة -4

$$u(x) = e^x - xe^x - 1$$
 حیث:  $f(x) - x = \frac{(x+1)u(x)}{xe^x + 1}$ : حیث  $x \in R$  کی  $x \in R$  کی ادر س اتجاه تغیر الدالة  $x \in R$  استنتج إشارة  $x \in R$  الدر س اتجاه تغیر الدالة  $x \in R$  استنتج إشارة الدر س

ج) استنتج مما سبق وضع المنحنى ( $\mathcal{C}_{\mathrm{f}}$ ) بالنسبة للمماس ( $\mathcal{T}$ ).

6- أنشئ  $(C_f)$  و (T)

# التمرين 22:

ملاحظة الجزء (I) مستقل على الجزء (II) و (III).

$$g'$$
- 2 $g=xe^x o ig(1ig)$  : تكن المعادلة التفاضلية (I)

R على R دالة قابلة للاشتقاق على y' - كيy' - 2y = 0  $\to$  (2) المعادلة التفاضلية y' - 2y = 0

 $u(x) = (ax+b)e^x$  : R ليكن a عددين حقيقيين و u الدالة المعرفة على u

أ) حدد a و b حتى يكون u حلا للمعادلة (1).

ب) بر هن أن الدالة v تكون حلا للمعادلة (2) إذا وفقط إذا كان u+v حلا للمعادلة (1).

 $g(x) = e^{x-2} + 1 - x$ 

2- استنتج مجموعة حلول المعادلة (1).

3- حدد الحل للمعادلة (1) والذي ينعدم عند القيمة 0.

بعتبر الدالة 
$$g$$
 المعرفة على المجال  $R$  بـ:

g'(x) بين أن g قابلة للاشتقاق على R ثم احسب: (1

عين اتجاه تغير الدالة g ثم شكل جدول تغير اتها.

R على g(x) استنتج إشارة الدالة (3

$$f(x) = x - 1 + \frac{x}{e^{x-2}}$$
 : بعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $R$  بالمعرفة على الدالة  $f$  المعرفة على الدالة  $f$  الدالة  $f$  الدالة  $f$  الدالة  $f$  الدالة  $f$  الدالة  $f$  المعرفة على الدالة  $f$  ال

 $(C_f)$  تمثیلها البیاني في مستو منسوب إلى المعلم (  $(C_f)$ 

 $\lim_{x\to +\infty} f(x)$  أالمسب أ $\lim_{x\to -\infty} f(x)$  أالمسب

ب) أحسب: [f(x)-(x-1)] ، ماذا تستنتج؟.

$$f'(x) = \frac{g(x)}{e^{x-2}}$$
 يين أن  $f$  قابلة للاشتقاق على  $R$  وأن:

(3) استنتج اتجاه تغیر الداله f ثم شکل جدول تغیر اتها

.( $\Delta$ ) بين أن المنحني ( $C_f$ ) يقبل مماسا ( $\Delta$ ) معامل توجيهه 1. يطلب تحديد معادلة المماس ( $\Delta$ ).

0.1 , 0.2 بين أن f(x)=0 تقبل حلا وحيدا lpha على المجال f(x)=0

 $(C_f)$ و ( $\Delta$ ) ارسم (6

$$(1) \leftarrow \frac{x}{e^{x-2}} = m+1$$
 أ) ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط  $m$  عدد و إشارة الحلول  $m+1$ 

$$eta e^{lpha} = lpha \, e^{eta}$$
 :بين أن المعادلة (1) إذا كانت تقبل حلين  $lpha ,eta$  فإن

نعتبر الدالة h المعرفة على R:  $(C_h) = (x-1)(1+e^{3-x})$  و  $h(x) = (x-1)(1+e^{3-x})$  منحناها البياني (8)

ر انطلاقا من h(x)=f(x-1)+1 أ) بين أن: h(x)=f(x-1)+1 أم استنتج كيفية إنشاء

 $.(C_h)$  ارسم (ب

# التمرين <u>23:</u>

نعتبر f الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة على المجال f كما يأتي: (I

حيث: 
$$a$$
 عددان حقيقيان.  $f(x) = (ax + b)e^{-x} + 1$ 

المنحني الممثل للدالة f في معلم متعامد و متجانس  $(C_f)$  وحدة الطول A المنحني الممثل للدالة a في معلم متعامد و متجانس a تنتمي إلى a ومعامل توجيه المماس عند a يساوي a عين قيمتي a و a بحيث تكون النقطة a يساوي a تنتمي إلى a ومعامل توجيه المماس عند a يساوي a

نعتبر الدالة العددية g للمتغير الحقيقي  $\chi$  المعرفة على المجال g كما يلي:

. المعلم السابق في نفس المعلم السابق 
$$g(x)=(-x-1)e^{-x}+1$$

 $\lim_{x \to -\infty} ue^u = 0$  أ- بين أن  $\lim_{x \to +\infty} g(x) = \lim_{x \to +\infty} g(x) = 1$  وفسر هذه النتيجة بيانيا. (نذكر أن g ثم أنشئ جدول تغيراتها.

ج- بين أن المنحنى  $(C_a)$  يقبل نقطة انعطاف I يطلب تعيين إحداثييها.

I عند النقطة المماس للمنحني ( $C_a$ ) عند النقطة

 $(C_q)$ هـ أرسم

 $k\left(x
ight)=g\left(x^{2}
ight)$  لتكن k الدالة المعرفة على المجال إلى المجال  $\left[-2,+\infty\right]$  كما يأتي (III

- باستعمال مشتقة دالة مركبة، عين اتجاه تغير الدالة k ثم شكل جدول تغير اتها .

### التمرين 24:

$$f(x) = x - 1 + \frac{4}{e^{x} + 1}$$
 : بالعبارة على  $R$  بالعبارة إلى الدالة العددية المعرفة على  $f(x)$ 

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس (  $(C_f, ar{\iota}, ar{\jmath})$ ).

f ادرس تغیرات الداله f

. $\omega$  عند النقطة  $\omega$  عند النقطة  $\omega$  عند النقطة  $\omega$  عند النقطة  $\omega$ 

ب) أثبت أن  $\omega$  مركز تناظر للمنحنى  $\omega$ 

 $\lim_{x \to -\infty} [f(x) - (x+3)]$  و  $\lim_{x \to +\infty} [f(x) - (x-1)]$  أحسب (3-3)

ب) استنتج أن  $(C_f)$  يقبل مستقيمين مقاربين يطلب اعطاء معادلة لكل منهما.

.]-2.77 , -2.76 من المجال  $\chi_0$  من المجال في نقطة وحيدة فاصلتها  $\chi_0$  من المجال  $\chi_0$  عصور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها  $\chi_0$ 

ب) أحسب f(-1) وf(1) (تدور النتائج إلى f(-1)). ثم أرسم f(-1) ومستقيميه المقاربين

g الدالة العددية المعرفة على R بالعبارة:  $g(x)=-x+3-rac{4}{e^x+1}$  الدالة g الدالة g الدالة g

. g(x)=f(-x) بين أنه من أجل عدد حقيقي x فان: -1

استنتج أنه يوجد تحويل نقطي بسيط يحول  $(C_f)$  إلى  $(C_g)$ .

(g انشئ في نفس المعلم السابق ( $(C_g)$  دون در اسة (g

# التمرين 25:

$$f(x)=1-rac{1}{2}x-rac{2}{e^{x}+1}$$
 : لتكن  $f$  الدالة العددية للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة كما يلي :

و(C) هو المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ومتجانس (f, f).

$$R$$
 نکل  $\frac{1}{e^{-x}+1} = 1 - \frac{1}{e^{x}+1}$  نکل  $x$  من  $x$  (1)

ب- استنتج أن f فردية.

 $\lim_{x\to+\infty} f(x)$  أحسب: (2

$$R$$
 کن  $R$  کن

R من R من

بين أن: 
$$\left[f(x)-\left(1-rac{1}{2}x
ight)
ight]$$
 ثم فسر النتيجة بيانيا. (4

.(C) أنشئ في المعلم (
$$ar{t},ar{t}$$
) المستقيم الذي معادلته  $y=1-rac{1}{2}x$  ثم أنشئ المنحني ( $(C)$ 

### التمرين 26:

$$g(x) = 1 - xe^{1-x}$$
 التكن  $g$  الدالة العددية للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة كما يلي:

- ادرس تغيرات الدالة g .g
  - g(x) استنتج إشارة (2

$$f(x)=x+(x+1)e^{1-x}$$
 الدالة العددية للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة كما يلي:  $f(x)=x+(x+1)e^{1-x}$ 

- هو المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ومتجانس ( $\overline{C}_f$ ).
  - $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ ا أحسب:  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و ا $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ 
    - f أدرس تغيرات الدالة f
  - ) بين أن:  $e^{1-x}=0$  .  $\lim_{x o +\infty}(x+1)$  . وماذا تستنج (3
- (4) بين أن المنحني  $(C_f)$  يقبل مماسا  $(\Delta)$  معامل توجيهه 1. أكتب معادلة هذا المماس
  - .  $\left[-1, \frac{-1}{2}\right]$  أثبت أن المعادلة f(x)=0 تقبل حلا وحيدا في المجال (5
    - $(C_f)$  أرسم ( $\Delta$ ) والمنحني ( $\delta$
- $(x+1)e^{1-x}=m$  ناقش بيانيا وحسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة  $(x+1)e^{1-x}=m$

# التمرين 27:

# الجزء الأول:

$$f(x) = \frac{(x-2)^2}{x^2-1}$$
 المعرفة كما يلي: لتكن الدالة العددية  $f$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة كما يلي:

(O,  $\overline{\iota}$  ,  $\overline{f}$  ) هو المنحني الممثل للدالة f في معلم متعامد ومتجانس ( $C_f$  ).

.( $\mathcal{C}_f$ ) واكتب معادلات المستقيمات المقاربة للمنحني f ادرس تغيرات الدالة المنحني واكتب معادلات المستقيمات المقاربة للمنحني

2- عين إحداثيات نقط تقاطع  $(C_f)$  مع المحورين الأحداثيين.

بالتوفيق في شهادة البكالوريا 13 إعداد: عبعوب محمد

- A المنحني وحدد نقطة تقاطعهما  $(C_f)$  بالنسبة للمستقيم المقارب الأفقي وحدد نقطة تقاطعهما A
  - A عند النقطة المماس للمنحني ( $C_f$ ) عند النقطة -4
    - 5- أرسم المماس والمنحني.

# الجزء الثاني:

$$g(x) = \frac{(e^x - 2)^2}{(e^x - 1)(e^x + 1)}$$
 يعتبر الدالة  $g$  المعرفة كما يلي:

- هو المنحني الممثل للدالة g في معلم متعامد ومتجانس (  $(C,\,\overline{\iota}\,,\,\overline{J}\,)$ ).
  - g عين مجموعة تعريف الدالة g
  - $g'(x) = e^x \cdot f'(e^x)$  :بين أن
    - g استنتج تغيرات الدالة g
- $(C_g)$  مركز تناظر للمنحني  $(C_g)$ . ثم أرسم المنحني  $\omega\left(0,-\frac{3}{2}\right)$ .
- $(1-m)e^{2x}-4e^x+4+m=0$  عدد حلول المعادلة: m عدد حلول المعادلة: m عدد حلول المعادلة:

### التمرين 28:

$$g(x)=1-xe^x$$
 نعتبر الدالة العددية  $g$  المعرفة على  $R$  كما يلي: (I

- g أدرس تغيرات الدالة g.
- $[-1\,,\,+\infty[$  أثبت أن المعادلة g(x)=0 تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  في المجال g(x)=0 أثبت أن المعادلة  $\alpha$  تحقق ان  $0.5<\alpha<0.6$ . ثم استنتج اشارة  $\alpha$
- $f(x)=(x-1)e^x-x-1$ :ب نعتبر الدالة f المعرفة على المجال [ $0,\infty,2$ ] بعتبر الدالة  $0,\infty,2$
- و  $(C_f)$  هو تمثيلها البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(0, ar{\iota}, ar{\jmath})$ .
  - $\lim_{x\to-\infty}f(x)$ : (1)
  - f'(x) = -g(x) :]  $-\infty$ , 2] من x من 20 عدد حقيقي x من 21 مين أنه من كل عدد حقيقي x من x استنتج اشارة x على المجال x على المجال [x من المجال [x من المجال [x من المجال التغير التعالى المجال المجال [x من المجال الم
  - (3) اثبت أن:  $f(\alpha) = -\left(\frac{\alpha^2+1}{\alpha}\right)$  شم استنتج حصر ال $f(\alpha)$  ,  $f(\alpha)$  نتور النتائج الى  $f(\alpha)$ .
    - $-\infty$  عند  $(C_f)$  عند مائل لـ  $(\Delta): y = -x 1$  عند (4
      - .  $(C_f)$  المنحني النسبية المستقيم ( $\Delta$ ) بالنسبة المنحني (5)
    - بين أن المعادلة f(x)=0 تقبل حلين حيث نرمز بـ  $x_1$  و  $x_2$  لهذين الحلين حيث ان f(x)=0 )بين أن المعادلة f(x)=0 .  $1.5 < x_2 < 1.6$  وأن  $-1.6 < x_1 < -1.5$ 
      - $(\Delta)$  انشئ ( $C_f$ ) و ( $\Delta$ ).

### التمرين 29:

- $g(x) = -4 + (4 2x)e^x$  المعرفة كما يلي: x المعرفة كما يلي:  $g(x) = -4 + (4 2x)e^x$  الدالة العددية للمتغير الحقيقي المعرفة كما يلي:  $g(x) = -4 + (4 2x)e^x$  الدرس تغيرات الدالة  $g(x) = -4 + (4 2x)e^x$ 
  - . g اوجد معادلة المماس لمنحى الدالة g في النقطة ذات الفاصلة g
  - g بين إن المعادلة تقبل حلا وحيدا حيث [0.59; 1,60] بين إن المعادلة تقبل حلا وحيدا حيث بين إن المعادلة المع
    - $f(x) = \frac{2x-2}{e^x-2x}$  المعرفة على R كما يلي: يا المتغير الحقيقي المعرفة على f(x)
      - $(C_f)$  هو المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ومتجانس (  $(C_f)$

$$f'(x) = \frac{g(x)}{(e^x - 2x)^2}$$
 فان R فان عدد حقیقی من اجل کل عدد عدد حقیقی بن (1

- f أدرس تغيرات الدالة f ثم حدد المستقيمات المقاربة للدالة f
- $f(\alpha)$ بر هن أن:  $f(\alpha) = \frac{2-\alpha}{\alpha-1}$  استنتج حصرا ل (3
- fا احسب f(2), f(-1), f(-2) ثم ارسم المستقيمات المقاربة ومنحنى الدالة f(2), f(-1), f(-2)
  - $T(x) = -x + ln(e^x 2x)$  : كمايلي Rمايلي تعتبر الدالة T المعرفة على (III)
    - T'بين ان الدالة T قابلة للاشتقاق واحسب دالتها المشتقة الاولى T'.
- 0 التي تنعدم عند T التي تنعدم عند T التمرين T التمرين T التي تنعدم عند T التمرين T التمرين T
- $g(x)=1-(x^2-2x+2)e^{-x}$  :كما يلي R كما يلي لمعرفة على المعرفة على (I
  - ا. بين ان  $\,g\,$  متز ايدة تماما على  $\,R\,$  (لا يطلب حساب النهايات).
  - gبين أن للمعادلة g(x)=0 حلا وحيدا lpha بحيث: lpha < 0.37 بين أن للمعادلة lpha
  - $f(x)=x-2+(x^2+2)e^{-x}$  الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة على f كما يلي:
    - .(O,  $\overline{\iota}$  ,  $\overline{f}$  ) هو المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ومتجانس ( $\mathcal{C}_f$ )
      - $.lim_{x o -\infty} f(x)$  و  $lim_{x o +\infty} f(x)$  .1
    - f'(x)=g(x) اثبت أن من اجل كل عدد حقيقي x لدينا: 2. بادرس إشارة f' ثم شكل جدول تغير ات الدالة f
- بين أن المستقيم ( $\Delta$ ) الذي معادلته x=x-2 مقارب مائل للمنحني  $(C_f)$  في جوار  $\infty+$ . ثم ادرس وضعيته y=x-2
  - .0 عند النقطة ذات الفاصلة ( $C_f$ ) عند النقطة ذات الفاصلة 4.
  - 0.8 < eta < 0.9 بين أن للمعادلة f(x) = 0 حلا وحيدا eta بحيث:
    - $f(\alpha) \approx -0.15$  أنشئ  $(C_f)$  و  $(\Delta)$ و  $(C_f)$ . تأخذ
- k اوجد الأعداد الحقيقية a و d و c حتى تكون الدالة d اصلية لدالة d اوجد الأعداد الحقيقية d اوجد الأعداد الحقيقية d المنابق لدالة d

f حيث  $k(x)=(x^2+2)e^{-x}$  حيث . k(x)

### التمرين 31:

 $f(x)=2+(2-x)e^{2x}$  : كما يلي R المعرفة على المعرفة يل المعرفة المتغير الحقيقي المعرفة على (I

 $\|\vec{j}\| = 1$ ه و المنحنى الممثل للدالة f في المعلم المتعامد ( $C_f$ ). حيث  $\vec{l}$  ( $\vec{l}$ ) ه المدنى الممثل للدالة f في المعلم المتعامد ( $\vec{l}$ ). حيث  $\vec{l}$ 

 $.lim_{x\to -\infty}f(x)$  و  $lim_{x\to +\infty}f(x)$  .1

عبين معادلته ( $C_f$ ) يطلب تعيين معادلته أ.2. أ

 $(\Delta)$  بالنسبة للمستقيم المقارب ( $C_f$ ) بالنسبة للمستقيم المقارب

f أحسب f' ثم ادرس اشارة f' وشكل جدول تغيرات f

0 عند الفاصلة T للمنحنى الفاصلة T

2<lpha<2.1 بين أن للمعادلة f(x)=0 حلا وحيدا lpha بحيث:

ج. أنشئ  $(C_f)$  و $(\Delta)$ و (T).

. لتكن الدالة G المعرفة على R جيث G عددان حقيقيان  $G(x)=(ax+b)e^{2x}$  عددان حقيقيان .

 $g(x)=(2-x)e^{2x}$  أ. عين a و a حتى تكون a أصلية لدالة

ب. استنتج الدالة الأصلية F لدالة f على R والتي تنعدم من أجل القيمة f

ج. أحسب مساحة الحيز المحصور بين المنحنى  $(C_f)$  و المستقيم x=-2 و محور التراتيب

والمستقيم المقارب  $(\Delta)$ 

# التمرين 32: BAC2016 s

 $g(x) = 1 + (x^2 + x - 1)e^{-x}$  كما يلي: R كما المعرفة على المعرفة على الدالة العددية للمتغير الحقيقي المعرفة على المعرفة على المعرفة على الدالة العددية المتغير الحقيقي المعرفة على ال

 $.lim_{x o -\infty} g(x)$  و  $lim_{x o +\infty} g(x)$  .1.

ب. ادرس اتجاه تغیر الدالة g ثم شكل جدول تغیر اتها

a .-1.52 <  $\alpha$  < -1.51 بن أن للمعادلة a حلين في a احدهما معدوم والآخر  $\alpha$  بحيث: a بحيث: a R حلين في a احدهما معدوم والآخر a بحيث: a بحيث: a على a على a بحيث في a احدهما معدوم والآخر a بحيث: a بحيث: a بحيث في أما بمن في أ

 $f(x) = -x + (x^2 + 3x + 2)e^{-x}$  كما يلي: R كما يلي x المعرفة على x المعرفة على x الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة على x المعرفة ومتجانس (x المعرفة المعرفة ومتجانس (x المعرفة على x المعرفة ومتجانس (x المعرفة ومتجانس (x المعرفة على x المعرفة ومتجانس (x المعرفة ومتجا

 $.lim_{x \to -\infty} f(x)$  . احسب:  $f(x) = \lim_{x \to +\infty} f(x)$ 

f'(x) = -g(x) ب اثبت أن من اجل كل عدد حقيقي x لدينا:

 $f(\alpha) \approx 0.38$  ج. شكل جدول تغيرات الدالة  $f(\alpha)$  نأخذ

. عين دون حساب  $rac{f(lpha+h)-f(lpha)}{h}$  ثم فسر النتيجة هندسيا

 $x=-\infty$  أ بين أن المستقيم ( $\Delta$ ) الذي معادلته y=-x عقارب مائل للمنحني ( $\Delta$ ) في جوار. 2

 $(\Delta)$  بالنسبة للمستقيم بادرس وضعية ( $C_f$ ) بالنسبة للمستقيم

ج. بين أن المنحنى  $(C_f)$  يقبل نقطتي انعطاف يطلب تعيين احداثييهما

- د. ارسم  $(C_f)$  و  $(\Delta)$  على المجال  $(C_f)$  د.
- ه. ناقش بيانيا وحسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة:

$$[-2, +\infty [$$
 على المجال  $(m-x)e^x + (x^2 + 3x + 2) = 0$ 

$$H(x) = (ax^2 + bx + c)e^{-x}$$
 و  $h(x) = x + f(x)$  ب الدالتان المعرفتان على R و الدالتان المعرفتان على الدالتان المعرفتان على

R على الأعداد الحقيقية 
$$a$$
 و  $b$  و  $c$  حتى تكون الدالة  $b$  أصلية لدالة  $b$  على

ب. احسب التكامل التالي  $h(x) dx = \int_0^\lambda h(x) dx$  . حيث  $\lambda$  عدد حقيقي موجب تماما وفسر النتيجة هندسيا

$$\lim_{\lambda \to +\infty} A(\lambda)$$
 ج. احسب

### التمرين 33: BAC2016 s

$$g(x)=2e^x-x^2-x$$
 كما يلى: R كما يلوي المتغير الحقيقي المعرفة على المعرفة على (I

g الدالة g'(x) عن اجل كل x من R ثم ادرس اتجاه تغير الدالة g'(x) عيث g'(x) هي مشتق الدالة g'(x)

$$g'(x) > 0$$
 ; R بين انه من اجل كل  $x$  من

ج) احسب نهایتی الدالة 
$$g$$
 عند کل من  $\infty$  و  $\infty$  + ثم شکل جدول تغیر اتها

$$-1.38 < lpha < -1.37$$
 بين أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $lpha$ 

- xد استنتج اشارة g(x) حسب قيم العدد الحقيقي x
- $f(x) = \frac{x^2 e^x}{e^x x}$  الدالة العددية المعرفة على R كما يلي:  $f(x) = \frac{x^2 e^x}{e^x x}$ 
  - $(C_f)$  هو المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ومتجانس  $(C_f)$ .
    - $.lim_{x \to -\infty} f(x)$  و  $lim_{x \to +\infty} f(x)$  احسب: (1. أ) احسب

$$f'(x) = \frac{xe^x g(x)}{(e^x - x)^2}$$
 فان  $\chi$  عدد حقیقی  $\chi$  من  $\chi$  فان ڪد ڪي بين أنه من أجل كل عدد حقیقی  $\chi$  من  $\chi$  أدرس اتجاه تغیر الدالة  $\chi$  ثم شكل جدول تغیر اتها .

$$f(\alpha)$$
ين أن:  $f(\alpha) = \alpha^2 + 2\alpha + 2 + \frac{2}{\alpha - 1}$ . استنتج حصرا للعدد (2. أ. بين أن:

ب) احسب 
$$[f(x)-x^2]$$
 ثم فسر النتيجة بيانيا.

ر 
$$f(\alpha) \approx 0.29$$
 (تعطى). (تعطى) المنحنى المنحنى

### التمرين 34: BAC2017 s

$$f(x)=2-x^2e^{1-x}$$
 : كما يلي R كما المعرفة على المعرفة على (I

ليكن  $(C_f)$  هو المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ومتجانس ( $\overline{t}$ ,  $\overline{f}$ ).

 $.lim_{x o -\infty} f(x)$  . ابين أن: f(x) = 2. وأعط تفسيرا هندسيا لهذه النتيجة ثم أحسب النهاية. 1

17

$$f'(x) = x(x-2)e^{1-x}$$
 ,R من بين انه من اجل كل $x$  من 2.

 $\cdot$  ب. أدرس اتجاه تغير الدالة f. ثم شكل جدول تغير اتها.

.1 الماس المنحنى ( $C_f$ ) عند النقطة ذات الفاصلة 3.

بالتوفيق في شهادة البكالوريا

$$h(x) = 1 - xe^{1-x}$$
 نعتبر الدالة العددية  $h$  المعرفة على R كمايلي: (II

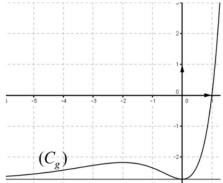
. (T) بين انه من اجل كلx من R فان  $(C_f)$  فان انم الرس الوضع النسبي المنحنى الله المناس  $(C_f)$  والمماس المناس المن

-0.7 < lpha < -0.6 بين أن المعادلة f(x) = 0 تقبل حلا وحيدا lpha حيث 2.

$$[-1,+\infty]$$
 على المجال على المجال ( $T$ ) والمنحنى 3.

$$F(x) = 2x + (x^2 + 2x + 2)e^{1-x}$$
 كما يلي: R كما يلي:  $F(x) = 2x + (x^2 + 2x + 2)e^{1-x}$ 

تحقق أن F دالة أصلية للدالة f على R ثم احسب مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنى  $(C_f)$  وحامل محور الفواصل والمستقيمين اللذين معادلتيهما x=0 و x=1.



# التمرين 35: BAC2017 s2

$$g(x)=x^2e^x-e$$
 نعتبر  $g$  الدالة المعرفة على R كما يلى (I

هو المنحنى الممثل للدالة g في معلم  $(C_g)$ 

 $(O, \bar{\iota}, \bar{\jmath})$ متعامد ومتجانس

(كما هو موضح في الشكل المقابل)

g(1) حسب -

x بقراءة بيانية عين إشارة g(x) ثم استنتج إشارة g(-x) حسب قيم العدد الحقيقي

$$f(x)=e^{-x}-2-rac{e}{x}$$
 نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على المجموعة  $R^*$  كما يلي:  $f(x)=e^{-x}$ 

.(O,  $\overline{\iota}$  ,  $\overline{f}$  ) هو المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ومتجانس ( $C_f$ )

 $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  احسب النهايات الآتية  $\lim_{x \to \infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to \infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to \infty} f(x)$  الته الآتية .1

 $(C_f)$  متقاربان بجوار  $(\infty)$  الذي معادلته  $y=e^{-x}-2$  والمنحنى والمنحنى والمنحنى وضعية المنحنى وضعية المنحنى والمنحنى النسبة إلى  $(\infty)$ 

 $f'(x) = \frac{-g(-x)}{x^2}$  لدینا x لدینا عدد حقیقی غیر معدوم x لدینا x عدد حقیقی غیر معدوم

4. استنتج أن الدالة f متزايدة تماما على كل من المجالين [-1;0] و[-1;0] ومتناقصة تماما على المجال  $[-\infty;-1]$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة f

5. بين كيف يمكن إنشاء المنحنى  $(\gamma)$  انطلاقا من منحنى الدالة  $e^x$  ثم ارسم بعناية كل من المنحنيين  $(\gamma)$  و $(C_f)$  في نفس المعلم السابق

6. ليكن n عددا طبيعيا و A(n) مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنيين  $(\gamma)$  و  $(C_f)$  و المستقيمين الذين معادلتيهما  $x=-e^n$  .

$$I = A(0) + A(1) + \dots + A(2016)$$
 حيث  $I = A(0) + A(1) + \dots + A(2016)$ 

#### التمرين 36: BAC2017 mt2

 $g(x)=1-2xe^{-x}$  : كما يلي: R كما المعرفة على (I نعتبر g الدالة المعرفة على g(x) أدرس اتجاه تغير الدالة g ثم استنتج إشارة

 $f(x) = (x+1)(1+2e^{-x})$  نعتبر الدالة العددية f المعرفة على R كما يلي (II

 $\|ec{t}\|=1cm$  .(O,  $ec{t}$ ,  $ec{f}$ ) هو المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ومتجانس ( $ec{t}$ ,  $ec{t}$ ).  $\lim_{x o +\infty}f(x)$  و  $\lim_{x o +\infty}f(x)$ .

ب أدرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغير اتها f

( $C_f$ ) أ. بين أن  $1: \lim_{x \to +\infty} [f(x) - x] = 1$  ثم استنتج معادلة لـ( $\Delta$ ) المستقيم المقارب المائل للمنحنى .  $(C_f)$  بالنسبة الى المستقيم ( $\Delta$ )

3. اثبت أن المنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  يقبل مماسا وحيدا (T) يوازي  $(\Delta)$  يطلب تعيين معادلة له.

4. باستعمال المنحنى عين فيم الوسيط الحقيقى m حتى يكون للمعادلة f(x)=x+m حلين مختلفين .

5. ليكن  $\alpha$  عددا حقيقيا موجبا نرمز بـ  $A(\alpha)$  الى مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنى  $\alpha$  و بالمستقيمات التي معادلاتها على الترتيب y=x+1 و  $x=\alpha$  و x=-1 و x=x و x=x احسب x=x و x=x و x=x و x=x و x=x احسب x=x و x=x و

### التمرين 37: BAC2017 m

 $f(x)=(-x^3+2x^2)e^{-x+1}$  : كما يلي R كما يلي المعرفة على على كما يلي

 $(O,\,\overline{\iota}\,,\overline{f}\,)$  هو المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ومتجانس  $(C_f)$ 

1.أ. احسب:  $f(x) = \lim_{x \to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ . استنتج وجود مستقیم مقارب للمنحنی الله يطلب تعيين معادلة له

 $f'(x) = x(x^2 - 5x + 4)e^{-x+1}\;;\; x$ بين أن من اجل كل عدد حقيقي f بين أن من اجل كل عدد حقيقي ثم استنتج اتجاه تغير الدالمة f وشكل جدول تغير اتها

2. اكتب معادلة (T) مماس للمنحنى  $(C_f)$  في النقطة ذات الفاصلة 2.

 $h(x)=x^2e^{-x+2}-4$ : كما يلي كما الدالة المعرفة على المجال  $h(x)=x^2e^{-x+2}-4$  . 3

ادرس اتجاه تغير الدالة h ثم استنتج إشارة h(x) حدد عندئذ وضعية المنحنی $(C_f)$  بالنسبة الی h(x) علی المجال h(x) .

.  $[0;+\infty[$  المحال على المجال ( $C_f$ ) والمنحنى (T) المجال 4.

(E) ......f(x) = m(x-2) : الموجب الموجب المعادلة ذات المجهول المعادلة  $\chi$  الموجب عدد حلول المعادلة  $\chi$  المعادلة  $\chi$ 

 $g(x)=f\left(rac{1}{x}
ight)$ : بg(x)=g(x) و الدالة المعرفة على المجال g(x)=g(x) باعتمادا على السؤال رقم g(x)=g(x) شكل جدول تغيرات الدالة g(x)=g(x)

### التمرين 38: BAC2018 s

$$g(x)=2+(x-1)e^{-x}$$
 نعتبر  $g$  الدالة المعرفة على  $R$  كما يلى: (I

$$\lim_{x\to +\infty} g(x)$$
 . اأ. احسب:  $\lim_{x\to -\infty} g(x)$  و

ب. أدرس اتجاه تغير الدالة 
$$q$$
 ثم شكل جدول تغير اتها.

R ج. بين أن المعادلة 
$$g(x)$$
 تقبل حلا وحيدا  $lpha$  حيث  $lpha < -0.38 < lpha < -0.37$  تقبل حلا وحيدا

$$f(x) = 2x + 1 - xe^{-x}$$
 بـ:  $R$  الدالة المعرفة على الدالة الدالة المعرفة على الدالة الدالة الدالة الدالة الدالة المعرفة على الدالة الدالة المعرفة على الدالة الدا

وليكن 
$$(C_f)$$
 هو المنحنى الممثل للدالة  $f$  في معلم متعامد ومتجانس  $(C_f)$ .

$$\lim_{x\to+\infty} f(x)$$
 و  $\lim_{x\to-\infty} f(x)$ . 1. أ. احسب:

ب. بین أن 
$$\lim_{x \to +\infty} [f(x) - (2x+1)]$$
 ثم فسر النتیجة بیانیا.

$$y=2x+1$$
: درس الوضع النسبي للمنحنى  $(C_f)$  و المستقيم ( $\Delta$ ) حيث

بین أنه من أجل كل عدد حقیقي 
$$x$$
 يكون  $g(x)=g(x)$  ثم استنتج اتجاه تغیر الدالة  $f$  وشكل جدول تغیر اتها.

.1 كتب معادلة المماس 
$$(T)$$
 للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 3

$$f(\alpha)=0.8$$
 نأخذ  $(C_f)$  والمنحنى ( $T$ ), ( $\Delta$ ) ارسم.

$$x=(1-m)e^x$$
 : ناقش بيانيا وحسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد وإشارة حلول المعادلة ذات المجهول

$$x=1$$
 أ. باستعمال المكاملة بالتجزئة عين الدالة الأصلية للدالة  $xe^{-x}$  على  $R$  والتي تنعدم من أجل  $\delta$ 

$$C_f$$
 والمستقيمات التي معادلاتها الحيز المستوي المحدد بالمنحنى المنحنى التي معادلاتها

$$y = 2x + 1$$
 و  $x = 3$ 

# التمرين 39: BAC2018 mt

$$f(x)=rac{x}{x-1}e^{-x}$$
: بالدالة العددية المعرفة على المجال  $f(x)=-\infty$ ; 1 بالدالة العددية المعرفة على الممثل الدالة  $f(c,ar{\iota},ar{\jmath})$  هو المنحنى الممثل الدالة  $f(c,ar{\iota},ar{\iota})$  في معلم متعامد ومتجانس ( $f(c,ar{\iota},ar{\iota})$ ).

. 
$$\lim_{x \to -\infty} f(x)$$
 م فسر النتيجة بيانيا واحسب  $\lim_{x \to 1} f(x)$  ثم فسر النتيجة أ

$$f'(x)=rac{(-x^2+x-1)e^{-x}}{(x-1)^2}$$
 : ] $-\infty$ ; 1 $[x)$  وادرس اتجاه تغير الدالة  $[x]$ 

ثم شكل جدول تغيراتها

. أ. اكتب معادلة المماس (T) للمنحنى النقطة ذات الفاصلة صفر . أ. ا

$$h(x)=e^{-x}+x-1$$
 : ب $-\infty$ ; 1 $\left[ -\infty \right]$  المجال المجال  $h$ 

$$h(x) \geq 0$$
 :  $]-\infty$ ; 1 من اجل کل  $x$  من اجل الدالة  $h$  ثم استنتج انه من اجل کل

 $(C_f)$  بين انه من اجل كل x من  $f(x) + x = \frac{x h(x)}{x-1}$  :  $]-\infty;$  1[ من المنحنى المنحنى  $f(x) + x = \frac{x h(x)}{x-1}$  . ]

(T),  $(\Delta)$  الذي يشمل مبدأ المعلم O والنقطة  $\left(-2; \frac{2}{3}e^2\right)$  ثم ارسم المستقيمين  $(\Delta)$  الذي يشمل مبدأ المعلم O والمنحنى  $(C_f)$  على المجال  $(C_f)$  على المحال  $(C_f)$  على المحال المحال المحال  $(C_f)$  على المحال المحال  $(C_f)$  على المحال  $(C_f)$  على المحال المحال  $(C_f)$  على المحال المحال  $(C_f)$  على المحال  $(C_f)$  على المحال المحال  $(C_f)$  على المحال المحال  $(C_f)$  على المحال  $(C_f)$  على المحال المحا

 $\frac{x}{x-1} \le f(x) < e^{-x}$  : [-1; 0] من اجل کل x من انه من اجل 6.

$$\frac{x}{x-1} = x + \frac{1}{x-1}$$
: [-1; 0] ب. تحقق انه من اجل کل x من

 $1 - \ln 2 \le \int_{-1}^{0} f(x) dx < e - 1$  ثم بين أن

f(x) = mx عدد حلول المعادلة: m وسيط حقيقي , ناقش بيانيا وحسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد حلول المعادلة:

حيث 1[ -2; 1[ حيث

# التمرين 40:

 $g(x) = (1 + ax^2)e^{bx}$  نعتبر g الدالة المعرفة على R كما يلي (I

 $(O, \, ar{\iota} \, , ar{\jmath} \, )$  هو المنحنى الممثل للدالة g في معلم متعامد ومتجانس  $(C_g)$ 

0 المماس  $(\mathcal{C}_q)$  عند النقطة ذات الفاصلة (T)

g'(0) و g(0) و g(-1) و g(0) و g(0)

(T). اكتب معادلة للمماس

 $(x) = (1 - x^2)e^{-x}$  باستعمال المعطيات السابقة بين أن 3

 $f(x)=(1+x)^2e^{-x}$  نعتبر الدالة العددية f المعرفة على R كما يلي:

 $(C_f)$  هو المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ومتجانس  $(C_f)$ 

 $.lim_{x
ightarrow+\infty}f(x)=0$  : وبين ان  $lim_{x
ightarrow-\infty}f(x)$  .1.

f'(x)=g(x) يأ. بين أنه من أجل كل عدد حقيقي يكون 2.

ب استنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغير اتها f

. أ. عين دون حساب  $\frac{f(x)-1}{x}$  ثم فسر النتيجة هندسيا

0 الماسلة المماس ( $\Delta$ ) للمنحنى النقطة ذات الفاصلة ب $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة

 $(C_f)$  و  $(\Delta)$  ج. ارسم

4. عين بيانيا و حسب قيم الوسيط الحقيقي m حتى تقبل المعادلة : f(x) = mx + 1 حلا وحيدا.

 $h(x)=f(x^2)$  كما يلي: R كما المعرفة المعددية المعرفة على R الدالة العددية المعرفة المعرفة على  $h(x)=f(x^2)$ 

أ. باستعمال مشتقة مركب دالتين عين اتجاه تغير الدالة h

h بشكل جدول تغيرات الدالة

